

PC-2021

Subject : PHYSICS & CHEMISTRY

1012100689

(Booklet Number)

Duration : 2 Hours

Full Marks : 100

INSTRUCTIONS

1. This question paper contains all objective questions divided into three categories. Each question has four answer options given.
2. Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, $\frac{1}{4}$ mark will be deducted.
3. Category-II : Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, $\frac{1}{2}$ mark will be deducted.
4. Category-III : Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and also no incorrect answer is marked, then score = $2 \times$ number of correct answers marked \div actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is **no negative marking** for the same and zero mark will be awarded.
5. Questions must be answered on OMR sheet by darkening the appropriate bubble marked A, B, C, or D.
6. Use only **Black/Blue ball point pen** to mark the answer by complete filling up of the respective bubbles.
7. Mark the answers only in the space provided. Do not make any stray mark on the OMR.
8. Write question booklet number and your roll number carefully in the specified locations of the **OMR**. Also fill appropriate bubbles.
9. Write your name (in block letter), name of the examination centre and put your full signature in appropriate boxes in the OMR.
10. The OMR is liable to become invalid if there is any mistake in filling the correct bubbles for question booklet number/roll number or if there is any discrepancy in the name/signature of the candidate, name of the examination centre. The OMR may also become invalid due to folding or putting stray marks on it or any damage to it. The consequence of such invalidation due to incorrect marking or careless handling by the candidate will be sole responsibility of candidate.
11. Candidates are not allowed to carry any written or printed material, calculator, pen, docu-pen, log table, wristwatch, any communication device like mobile phones etc. inside the examination hall. Any candidate found with such items will be **reported against** & his/her candidature will be summarily cancelled.
12. Rough work must be done on the question paper itself. Additional blank pages are given in the question paper for rough work.
13. Hand over the OMR to the invigilator before leaving the Examination Hall.
14. This paper contains questions in both English and Bengali. Necessary care and precaution were taken while framing the Bengali version. However, if any discrepancy(ies) is /are found between the two versions, the information provided in the English version will stand and will be treated as final.

PC-2021



PC-2021

3500019101

SPACE FOR ROUGH WORK

Blank space for rough work.

Blank space for rough work.

PC-2021

PHYSICS

Unless otherwise specified in the question, the following values should be used :

Mechanical equivalent of heat, $J = 4.2 \text{ J cal}^{-1}$

Acceleration due to gravity, $g = 9.8 \text{ m s}^{-2}$

Absolute zero temperature = $-273 \text{ }^\circ\text{C}$

Speed of light in vacuum = $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$

The following symbols usually carry meaning as given below :

ϵ_0 : electric permittivity of free space

μ_0 : magnetic permeability of free space

R : universal gas constant

প্রশ্নে অন্যরকম বলা না থাকলে, নীচের মানগুলি ব্যবহার করতে হবে।

তাপের যান্ত্রিক তুল্যাক, $J = 4.2 \text{ J cal}^{-1}$

অভিকর্ষজ ত্বরণ, $g = 9.8 \text{ m s}^{-2}$

পরমশূন্য উষ্ণতা = $-273 \text{ }^\circ\text{C}$

শূন্য স্থানে আলোর বেগ = $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$

নীচের চিহ্নগুলি সাধারণভাবে নীচে প্রদত্ত অর্থে ব্যবহৃত :

ϵ_0 : শূন্যস্থানের তড়িৎ-ভেদ্যতা

μ_0 : শূন্যস্থানের চৌম্বক ভেদ্যতা

R : সর্বজনীন গ্যাস-ধ্রুবক

PC-2021

Category-I (Q. 1 to 30)

Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ¼ mark will be deducted.

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ¼ নম্বর কাটা যাবে।

1. Centre of mass (C.M.) of three particles of masses 1 kg, 2 kg and 3 kg lies at the point (1, 2, 3) and C.M. of another system of particles of 3 kg and 2 kg lies at the point (-1, 3, -2). Where should we put a particle of mass 5 kg so that the C.M. of entire system lies at the C.M. of the first system ?

(A) (3, 1, 8) (B) (0, 0, 0) (C) (1, 3, 2) (D) (-1, 2, 3)

1 kg, 2 kg ও 3 kg ভরের একটি কণাসংস্থার ভরকেন্দ্র (1, 2, 3) বিন্দুতে আছে। 3 kg ও 2 kg ভরের অপর একটি কণাসংস্থার ভরকেন্দ্র (-1, 3, -2) বিন্দুতে অবস্থিত। 5 kg ভরের অন্য একটি বস্তুকে কোথায় স্থাপন করলে সমগ্র সংস্থার ভরকেন্দ্র ও প্রথম কণাসংস্থার ভরকেন্দ্র একই হবে ?

(A) (3, 1, 8) (B) (0, 0, 0) (C) (1, 3, 2) (D) (-1, 2, 3)

2. A body of density $1.2 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ is dropped from rest from a height 1 m into a liquid of density $2.4 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$. Neglecting all dissipative effects, the maximum depth to which the body sinks before returning to float on the surface is

(A) 0.1 m (B) 1 m (C) 0.01 m (D) 2 m

$1.2 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ ঘনত্বের একটি বস্তুকে স্থিরাবস্থায় 1 m উচ্চতা থেকে $2.4 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$ ঘনত্বের একটি তরলের মধ্যে ফেলা হল। সমস্ত ঘর্ষণজনিত বাধা উপেক্ষা করলে, তরলের পৃষ্ঠতলে পুনরায় ভেসে উঠবার আগে বস্তুটি যে সর্বোচ্চ গভীরতা পর্যন্ত গমন করে তার মান

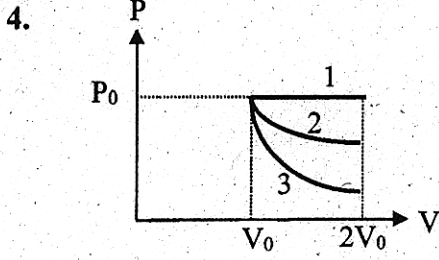
(A) 0.1 m (B) 1 m (C) 0.01 m (D) 2 m

3. A uniform thin rod of length L, mass m is lying on a smooth horizontal table. A horizontal impulse P is suddenly applied perpendicular to the rod at one end. The total energy of the rod after the impulse is

(A) $\frac{P^2}{M}$ (B) $\frac{7P^2}{8M}$ (C) $\frac{13P^2}{2M}$ (D) $\frac{2P^2}{M}$

একটি m ভর ও L দৈর্ঘ্যের সুষম দণ্ড একটি মসৃণ সমতল টেবিলের উপর রাখা আছে। দণ্ডটির একটি প্রান্তে উহার লম্ব বরাবর অনুভূমিক তলে অকস্মাৎ P ঘাতবল প্রয়োগ করা হল। ঘাতবল প্রয়োগের পর দণ্ডটির মোট শক্তি হবে

(A) $\frac{P^2}{M}$ (B) $\frac{7P^2}{8M}$ (C) $\frac{13P^2}{2M}$ (D) $\frac{2P^2}{M}$



In the given figure, 1 represents isobaric, 2 represents isothermal and 3 represents adiabatic processes of an ideal gas. If ΔU_1 , ΔU_2 , ΔU_3 be the changes in internal energy in these processes respectively, then

- (A) $\Delta U_1 < \Delta U_2 < \Delta U_3$ (B) $\Delta U_1 > \Delta U_3 < \Delta U_2$
(C) $\Delta U_1 = \Delta U_2 > \Delta U_3$ (D) $\Delta U_1 > \Delta U_2 > \Delta U_3$

প্রদত্ত চিত্রে আদর্শ গ্যাসের সমচাপ (1), সমোষ্ণ (2) ও রুদ্ধতাপ (3) প্রক্রিয়াগুলি দেখানো হয়েছে। যদি এই প্রক্রিয়াগুলিতে আন্তরশক্তির পরিবর্তন যথাক্রমে ΔU_1 , ΔU_2 ও ΔU_3 হয়, তবে

- (A) $\Delta U_1 < \Delta U_2 < \Delta U_3$ (B) $\Delta U_1 > \Delta U_3 < \Delta U_2$
(C) $\Delta U_1 = \Delta U_2 > \Delta U_3$ (D) $\Delta U_1 > \Delta U_2 > \Delta U_3$

5. If pressure of real gas O_2 in a container is given by $P = \frac{RT}{2V-b} - \frac{a}{4b^2}$, then the mass of the gas in the container is

- (A) 32 gm (B) 16 gm (C) 4 gm (D) 64 gm

একটি পাত্রে রাখা কিছু পরিমাণ বাস্তব গ্যাস O_2 -এর চাপ $P = \frac{RT}{2V-b} - \frac{a}{4b^2}$, সমীকরণটি মেনে চলে।

সেক্ষেত্রে পাত্রে রাখা গ্যাসের ভর হল

- (A) 32 gm (B) 16 gm (C) 4 gm (D) 64 gm

6. Two solid spheres S_1 and S_2 of same uniform density fall from rest under gravity in a viscous medium and after some time, reach terminal velocities v_1 and v_2 respectively. If ratio of masses $\frac{m_1}{m_2} = 8$, then $\frac{v_1}{v_2}$ will be equal to

- (A) 2 (B) 4 (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{1}{4}$

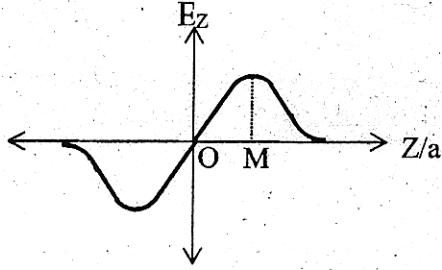
সমান ঘনত্বের দুটি ধাতব গোলক S_1 ও S_2 একটি সান্দ্র মাধ্যমের মধ্যে স্থিরাবস্থা থেকে অভিকর্ষজ বলের প্রভাবে পতনশীল। কিছুক্ষণ পর তাদের প্রান্তীয় বেগের মান হয় v_1 ও v_2 । তাদের ভরের অনুপাত $\frac{m_1}{m_2} = 8$

হলে $\frac{v_1}{v_2}$ -এর মান হবে

- (A) 2 (B) 4 (C) $\frac{1}{2}$ (D) $\frac{1}{4}$

PC-2021

7.



The variation of electric field along the Z-axis due to a uniformly charged circular ring of radius 'a' in XY plane is shown in the figure. The value of coordinate M will be

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\sqrt{2}$ (C) 1 (D) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

সুষমভাবে আহিত একটি 'a' ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার রিং XY সমতলে আছে। রিং-এর অক্ষের উপর কেন্দ্র থেকে Z দূরত্বে তড়িৎপ্রাবল্যের পরিবর্তন চিত্রে দেখানো হয়েছে। M বিন্দুর স্থানাঙ্ক হল

- (A) $\frac{1}{2}$ (B) $\sqrt{2}$ (C) 1 (D) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

8. A metal sphere of radius R carrying charge q is surrounded by a thick concentric metal shell of inner and outer radii a and b respectively. The net charge on the shell is zero. The potential at the centre of the sphere, when the outer surface of the shell is grounded will be

- (A) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$ (B) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{a}$ (C) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{a} \right)$ (D) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{R}$

একটি q আধান সম্পন্ন R ব্যাসার্ধের ধাতব গোলক অপর একটি সমকেন্দ্রিক নিক্তিৎ ধাতব খোলক দ্বারা পরিবৃত্ত আছে। খোলকের ভিতরের পৃষ্ঠের ব্যাসার্ধ a ও বাইরের পৃষ্ঠের ব্যাসার্ধ b. খোলকটির মোট আধান শূন্য। খোলকের বাইরের পৃষ্ঠ ভূ-সংলগ্ন করা হলে গোলকের কেন্দ্রে তড়িৎ-বিভবের মান হবে

- (A) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right)$ (B) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{a}$ (C) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{a} \right)$ (D) $\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{R}$

9. 300 gm of water at 25 °C is added to 100 gm of ice at 0 °C. The final temperature of the mixture is

- (A) 12.5 °C (B) 0 °C (C) 25 °C (D) 50 °C

0 °C উষ্ণতায় 100 gm বরফকে 25 °C উষ্ণতায় 300 gm জলে ফেলা হ'ল। মিশ্রণের অন্তিম উষ্ণতা হবে

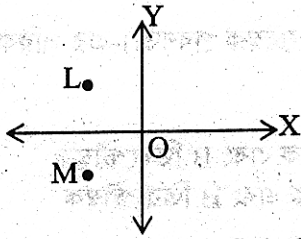
- (A) 12.5 °C (B) 0 °C (C) 25 °C (D) 50 °C

10. Two point charges $+q_1$ and $+q_2$ are placed a finite distance 'd' apart. It is desired to put a third charge q_3 in between these two charges so that q_3 is in equilibrium. This is
- (A) possible only if q_3 is negative. (B) possible only if q_3 is positive.
(C) possible irrespective of the sign of q_3 . (D) not possible at all.

দুটি বিন্দু আধান $+q_1$ ও $+q_2$ পরস্পর থেকে d দূরত্বে অবস্থিত। একটি তৃতীয় আধান q_3 অপর দুটি বিন্দু আধানের অন্তর্বর্তী স্থানে রাখলে q_3 সাম্যবস্থায় থাকে। এটি সম্ভব

- (A) যদি q_3 ঋণাত্মক হয়। (B) যদি q_3 ধনাত্মক হয়।
(C) q_3 -এর চিহ্নের উপর নির্ভরশীল নয়। (D) সাম্যবস্থা সম্ভবপর নয়।

11.



Consider two infinitely long wires parallel to Z-axis carrying same current I in the positive Z direction. One wire passes through the point L at coordinates $(-1, +1)$ and the other wire passes through the point M at coordinates $(-1, -1)$. The resultant magnetic field at the origin O will be

- (A) $\frac{\mu_0 I}{2\sqrt{2}\pi} \hat{j}$ (B) $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \hat{j}$ (C) $\frac{\mu_0 I}{2\sqrt{2}\pi} \hat{i}$ (D) $\frac{\mu_0 I}{4\pi} \hat{i}$

Z অক্ষের সমান্তরাল দুটি অসীম দৈর্ঘ্যের ঋজু তারের মধ্য দিয়ে ধনাত্মক Z অক্ষ বরাবর I প্রবাহমাত্রা যায়। একটি তার $(-1, +1)$ স্থানাঙ্কে L বিন্দুর মধ্য দিয়ে ও অপর তারটি $(-1, -1)$ স্থানাঙ্কে M বিন্দুর মধ্য দিয়ে গমন করে। মূলবিন্দু O তে এই দুই তারের জন্য লব্ধ চৌম্বক প্রাবল্যের মান হবে

- (A) $\frac{\mu_0 I}{2\sqrt{2}\pi} \hat{j}$ (B) $\frac{\mu_0 I}{2\pi} \hat{j}$ (C) $\frac{\mu_0 I}{2\sqrt{2}\pi} \hat{i}$ (D) $\frac{\mu_0 I}{4\pi} \hat{i}$

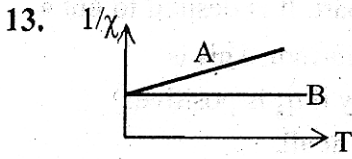
12. Three infinite plane sheets carrying uniform charge densities $-\sigma$, 2σ , 4σ are placed parallel to XZ plane at $Y = a$, $3a$, $4a$ respectively. The electric field at the point $(0, 2a, 0)$ is

- (A) $\frac{5\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (B) $-\frac{7\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (C) $\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (D) $\frac{5\sigma}{-2\epsilon_0} \hat{j}$

তিনটি অসীম বিস্তৃতির সমতল পাতের তলমাত্রিক ঘনত্ব $-\sigma$, 2σ ও 4σ এবং তিনটি পাত XZ সমতলে সমান্তরাল ভাবে যথাক্রমে $Y = a$, $3a$ ও $4a$ তে অবস্থিত। পাতগুলির জন্য $(0, 2a, 0)$ বিন্দুতে তড়িৎপ্রাবল্য হবে

- (A) $\frac{5\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (B) $-\frac{7\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (C) $\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{j}$ (D) $\frac{5\sigma}{-2\epsilon_0} \hat{j}$

PC-2021



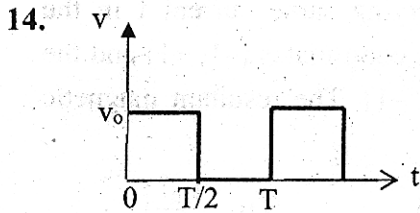
For two types of magnetic materials A and B, variation of $\frac{1}{\chi}$ (χ : susceptibility) vs. temperature T is shown in the figure. Then

- (A) A is diamagnetic and B is paramagnetic.
(B) A is ferromagnetic and B is diamagnetic.
(C) A is paramagnetic and B is ferromagnetic.
(D) A is paramagnetic and B is diamagnetic.

দুটি চৌম্বকীয় পদার্থ A এবং B এর ক্ষেত্রে তাপমাত্রা T এর সাথে $\frac{1}{\chi}$ (χ : চৌম্বক প্রবণতা)-এর পরিবর্তন

চিত্রে দেখানো হয়েছে। সেক্ষেত্রে

- (A) A তিরশ্চৌম্বক এবং B পরাচৌম্বক
(B) A অয়শ্চৌম্বক এবং B তিরশ্চৌম্বক
(C) A পরাচৌম্বক এবং B অয়শ্চৌম্বক
(D) A পরাচৌম্বক এবং B তিরশ্চৌম্বক



The rms value of potential difference v shown in the figure is

- (A) $\frac{v_0}{2}$ (B) v_0 (C) $\frac{v_0}{\sqrt{3}}$ (D) $\frac{v_0}{\sqrt{2}}$

চিত্রে প্রদর্শিত তড়িচ্চালকবল-সময় লেখচিত্রে তড়িচ্চালক বলের rms মান হবে

- (A) $\frac{v_0}{2}$ (B) v_0 (C) $\frac{v_0}{\sqrt{3}}$ (D) $\frac{v_0}{\sqrt{2}}$

15. A thin charged rod is bent into the shape of a small circle of radius R the charge per unit length of the rod being λ . The circle is rotated about its axis with a time period T and it is found that the magnetic field at a distance 'd' away ($d \gg R$) from the center and on the

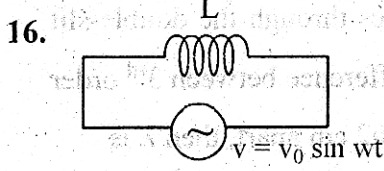
axis, varies as $\frac{R^m}{d^n}$ The values of m and n respectively are

- (A) $m=2, n=2$ (B) $m=2, n=3$ (C) $m=3, n=2$ (D) $m=3, n=3$

একটি আহিত সরু দণ্ডকে R ব্যাসার্ধের একটি ক্ষুদ্র বৃত্তে পরিণত করা হল এবং প্রতি একক দৈর্ঘ্যে দণ্ডের আধানের পরিমাণ λ । বৃত্তটিকে তার অক্ষ বরাবর T পর্যায়কাল নিয়ে ঘোরানো হলে দেখা যায়, কেন্দ্র থেকে

অক্ষ বরাবর দূরত্ব d-তে ($d \gg R$) চৌম্বকপ্রাবল্য হয় $\frac{R^m}{d^n}$ । সেক্ষেত্রে m এবং n এর মান যথাক্রমে

- (A) $m=2, n=2$ (B) $m=2, n=3$ (C) $m=3, n=2$ (D) $m=3, n=3$

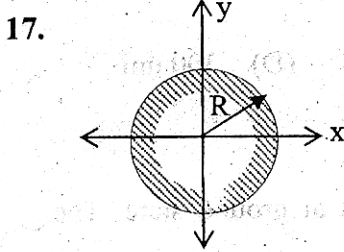


Consider a pure inductive A.C. circuit as shown in the figure. If the average power consumed is P , then

- (A) $P > 0$ (B) $P < 0$ (C) $P = 0$ (D) P is infinite

কোনকালে আবেশক সহ চিত্রে প্রদর্শিত A.C. বর্তনীটি বিবেচনা কর। গড় ক্ষমতা P হলে,

- (A) $P > 0$ (B) $P < 0$ (C) $P = 0$ (D) P -এর মান অসীম

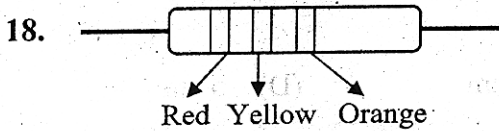


The cross-section of a reflecting surface is represented by the equation $x^2 + y^2 = R^2$ as shown in the figure. A ray travelling in the positive x direction is directed toward positive y direction after reflection from the surface at point M . The coordinate of the point M on the reflecting surface is

- (A) $\left(\frac{R}{\sqrt{2}}, \frac{R}{\sqrt{2}}\right)$ (B) $\left(-\frac{R}{2}, -\frac{R}{2}\right)$ (C) $\left(-\frac{R}{\sqrt{2}}, \frac{R}{\sqrt{2}}\right)$ (D) $\left(\frac{R}{\sqrt{2}}, -\frac{R}{\sqrt{2}}\right)$

একটি প্রতিফলক তলের প্রস্থচ্ছেদের সমীকরণ হল $x^2 + y^2 = R^2$ । ধনাত্মক x -অক্ষ বরাবর একটি আলোকরশ্মি প্রতিফলক তলের M বিন্দুতে আপতিত হয়ে ধনাত্মক y অক্ষ বরাবর প্রতিফলিত হয়। তাহলে M বিন্দুর স্থানাঙ্ক হল

- (A) $\left(\frac{R}{\sqrt{2}}, \frac{R}{\sqrt{2}}\right)$ (B) $\left(-\frac{R}{2}, -\frac{R}{2}\right)$ (C) $\left(-\frac{R}{\sqrt{2}}, \frac{R}{\sqrt{2}}\right)$ (D) $\left(\frac{R}{\sqrt{2}}, -\frac{R}{\sqrt{2}}\right)$



A carbon resistor with colour code is shown in the figure. There is no fourth band in the resistor. The value of the resistance is

- (A) $24 \text{ M}\Omega \pm 20\%$ (B) $14 \text{ k}\Omega \pm 5\%$ (C) $24 \text{ k}\Omega \pm 20\%$ (D) $34 \text{ k}\Omega \pm 10\%$

একটি কার্বন রোধকের রঙিন বন্ধনীগুলি চিত্রে দেখানো হয়েছে। রোধকে কোন চতুর্থ রঙিন বন্ধনী নেই। রোধকটির রোধ হল

- (A) $24 \text{ M}\Omega \pm 20\%$ (B) $14 \text{ k}\Omega \pm 5\%$ (C) $24 \text{ k}\Omega \pm 20\%$ (D) $34 \text{ k}\Omega \pm 10\%$

PC-2021

19. In Young's double slit experiment, light of wavelength λ passes through the double-slit and forms interference fringes on a screen 1.2 m away. If the difference between 3rd order maximum and 3rd order minimum is 0.18 cm and the slits are 0.02 cm apart, then λ is

- (A) 1200 nm (B) 450 nm (C) 600 nm (D) 300 nm

ইয়ং-এর দ্বি-রেখাছিদ্র পরীক্ষায় λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো, ছিদ্র থেকে 1.2 m দূরের পর্দায় ব্যতিচার ঝালর তৈরি করে। যদি ছিদ্র দুটির মধ্যকার দূরত্ব 0.02 cm হয় এবং তৃতীয় উজ্জ্বল পটি ও তৃতীয় অন্ধকার পটির মধ্যকার দূরত্ব 0.18 cm হয়ে তবে λ এর মান হল

- (A) 1200 nm (B) 450 nm (C) 600 nm (D) 300 nm

20. A 12.5 eV electron beam is used to bombard gaseous hydrogen at ground state. The energy level upto which the hydrogen atoms would be excited is

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 1

12.5 eV শক্তিবিশিষ্ট ইলেকট্রন স্রোত দ্বারা ভৌমস্তরে থাকা গ্যাসীয় হাইড্রোজেনের সংঘর্ষ ঘটানো হল। সংঘর্ষের ফলে হাইড্রোজেন পরমাণু যে শক্তিস্তরে উন্নীত হবে, তার মান

- (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 1

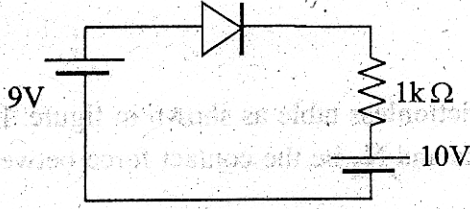
21. A spherical convex surface of power 5 dioptre separates object and image space of refractive indices 1.0 and $\frac{4}{3}$ respectively. The radius of curvature of the surface is

- (A) 20 cm (B) 1 cm (C) 4 cm (D) 5 cm

5 dioptre ক্ষমতাসম্পন্ন একটি গোলীয় উত্তল তল যথাক্রমে 1.0 ও $\frac{4}{3}$ প্রতিসরাঙ্কযুক্ত বস্তু মাধ্যম ও প্রতিবিন্দু মাধ্যমকে পৃথক করে। তাহলে গোলীয় তলের বক্রতা ব্যাসার্ধ হবে

- (A) 20 cm (B) 1 cm (C) 4 cm (D) 5 cm

22.



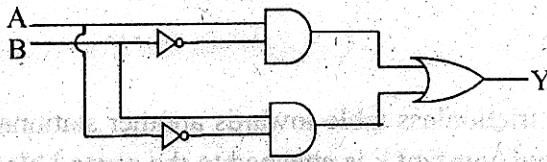
What is the value of current through the diode in the circuit given ?

- (A) 0 mA (B) 1 mA (C) 19 mA (D) 9 mA

চিত্রে প্রদর্শিত বর্তনীতে, ডায়োডের মধ্য দিয়ে প্রবাহমাত্রার মান হবে

- (A) 0 mA (B) 1 mA (C) 19 mA (D) 9 mA

23.



For the given logic circuit, the output Y for inputs $(A = 0, B = 1)$ and $(A = 0, B = 0)$ respectively are

- (A) 0, 0 (B) 0, 1 (C) 1, 0 (D) 1, 1

চিত্রে প্রদর্শিত লজিক বর্তনীতে ইনপুট $(A = 0, B = 1)$ ও $(A = 0, B = 0)$ এর ক্ষেত্রে আউটপুট Y হল যথাক্রমে

- (A) 0, 0 (B) 0, 1 (C) 1, 0 (D) 1, 1

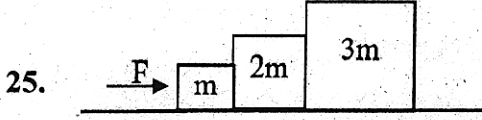
24. Let r, v, E be the radius of orbit, speed of electron and total energy of electron respectively in a H-atom. Which of the following quantities according to Bohr theory, is proportional to the quantum number n ?

- (A) vr (B) rE (C) $\frac{r}{E}$ (D) $\frac{r}{v}$

হাইড্রোজেন পরমাণুর ক্ষেত্রে r, v, E যথাক্রমে কক্ষপথের ব্যাসার্ধ, ইলেকট্রনের বেগ এবং ইলেকট্রনের মোট শক্তি সূচিত করে। নীচের কোন্ রাশিটি বোরের তত্ত্বানুযায়ী, কোয়ান্টাম সংখ্যা n এর সঙ্গে সমানুপাতিক ?

- (A) vr (B) rE (C) $\frac{r}{E}$ (D) $\frac{r}{v}$

PC-2021

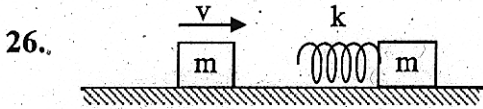


Three blocks are pushed with a force F across a frictionless table as shown in figure. Let N_1 be the contact force between the left two blocks and N_2 be the contact force between the right two blocks. Then

- (A) $F > N_1 > N_2$ (B) $F > N_2 > N_1$ (C) $F > N_1 = N_2$ (D) $F = N_1 = N_2$

ঘর্ষণহীন একটি টেবিলের উপর রাখা চিত্রে দেখানো তিনটি ব্লকের উপর F বল প্রয়োগ করা হল। যদি বামদিকের ব্লকদুটির মধ্যে স্পর্শজনিত বল N_1 ও ডানদিকের দুটি ব্লকের মধ্যে স্পর্শজনিত বল N_2 হয় তবে

- (A) $F > N_1 > N_2$ (B) $F > N_2 > N_1$ (C) $F > N_1 = N_2$ (D) $F = N_1 = N_2$



A block of mass m slides with speed v on a frictionless table towards another stationary block of mass m . A massless spring with spring constant k is attached to the second block as shown in figure. The maximum distance the spring gets compressed through is

- (A) $\sqrt{\frac{m}{k}}v$ (B) $\sqrt{\frac{m}{2k}}v$ (C) $\sqrt{\frac{k}{m}}v$ (D) $\sqrt{\frac{k}{2m}}v$

একটি মসৃণ টেবিলের উপর m ভরের একটি ব্লক v বেগে অপর একটি m ভরের স্থির ব্লকের দিকে ধাবমান। স্থির ব্লকটির সাথে k স্প্রিং ধ্রুবক বিশিষ্ট একটি স্প্রিং আটকানো আছে (চিত্রে প্রদর্শিত)। স্প্রিংটির সঙ্কোচনের সর্বোচ্চ পরিমাণ হবে

- (A) $\sqrt{\frac{m}{k}}v$ (B) $\sqrt{\frac{m}{2k}}v$ (C) $\sqrt{\frac{k}{m}}v$ (D) $\sqrt{\frac{k}{2m}}v$

27. From dimensional analysis, the Rydberg constant can be expressed in terms of electric charge (e), mass (m) and Planck constant (h) as [consider $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \equiv 1$ unit]

- (A) $\frac{h^2}{me^2}$ (B) $\frac{me^4}{h^2}$ (C) $\frac{m^2e^4}{h^2}$ (D) $\frac{me^2}{h}$

মাত্রার নীতি অনুযায়ী, রিডবার্গ ধ্রুবককে ইলেকট্রনের আধান (e), ভর (m) ও প্লাঙ্কের ধ্রুবকের (h) সমন্বয়ে প্রকাশ করলে তার রাশিমালা হবে ($\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \equiv 1$ একক ধরে নাও)

- (A) $\frac{h^2}{me^2}$ (B) $\frac{me^4}{h^2}$ (C) $\frac{m^2e^4}{h^2}$ (D) $\frac{me^2}{h}$

28. A simple pendulum, consisting of a small ball of mass m attached to a massless string hanging vertically from the ceiling, is oscillating with an amplitude such that $T_{\max} = 2T_{\min}$ where T_{\max} and T_{\min} are the maximum and minimum tension in the string respectively. The value of maximum tension T_{\max} in the string is

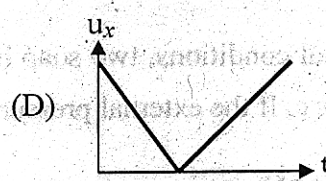
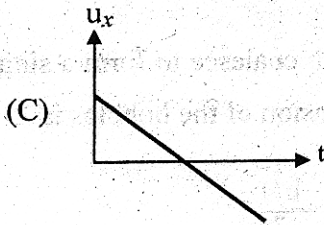
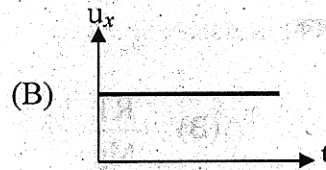
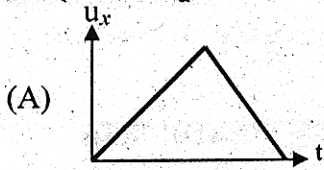
(A) $\frac{3mg}{2}$ (B) mg (C) $\frac{3mg}{4}$ (D) $3mg$

m ভরের একটি ক্ষুদ্র গোলকের সরল দোলক একটি ভরহীন সুতোর সাহায্যে সিলিং থেকে ঝোলানো আছে। দোলকটির দোলনকালে $T_{\max} = 2T_{\min}$ হয়, যেখানে T_{\max} ও T_{\min} হল যথাক্রমে সুতোটির সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ন টান। সেক্ষেত্রে সর্বোচ্চ টান T_{\max} -এর মান হবে

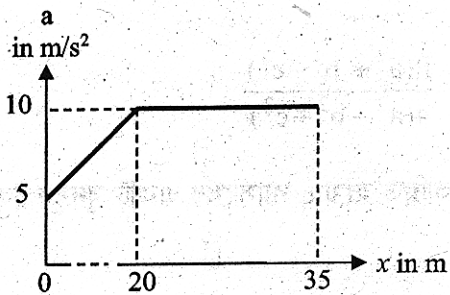
(A) $\frac{3mg}{2}$ (B) mg (C) $\frac{3mg}{4}$ (D) $3mg$

29. In case of projectile motion, which one of the following figures represent variation of horizontal component of velocity (u_x) with time t ? (assume that air resistance is negligible)

প্রাসের ক্ষেত্রে, গতিবেগের অনুভূমিক উপাংশ (u_x) সময়ের (t) সাথে যেভাবে পরিবর্তিত হয় তা নিচের কোন চিত্রের অনুরূপ?



- 30.



The acceleration vs distance graph for a particle moving with initial velocity 5 m/s is shown in the figure. The velocity of the particle at $x = 35 \text{ m}$ will be

(A) 20.62 m/s (B) 20 m/s (C) 25 m/s (D) 50 m/s

চিত্রে একটি গতিশীল কণার ত্বরন-সরণ লেখচিত্র দেখানো হয়েছে। কণাটির প্রাথমিক বেগ 5 m/s । যখন $x = 35 \text{ m}$, তখন কণাটির গতিবেগ হবে

(A) 20.62 m/s (B) 20 m/s (C) 25 m/s (D) 50 m/s

PC-2021

Category-II (Q 31 to 35)

Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ½ mark will be deducted.

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবো ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ½ নম্বর কাটা যাবে।

31. An ideal gas of molar mass M is contained in a very tall vertical cylindrical column in the uniform gravitational field. Assuming the gas temperature to be T , the height at which the centre of gravity of the gas is located is (R : universal gas constant)

(A) $\frac{RT}{g}$ (B) $\frac{RT}{Mg}$ (C) MgR (D) RTg

একটি সুষম অভিকর্ষ ক্ষেত্রে খুব লম্বা, খাড়া চোঙের মধ্যে M আণবিক ভরসম্পন্ন আদর্শ গ্যাস আবদ্ধ আছে। গ্যাসের তাপমাত্রা T ধরে নিলে, সমগ্র গ্যাসের ভারকেন্দ্র যে উচ্চতায় থাকবে তার মান (R : সার্বজনীন গ্যাস ধ্রুবক)

(A) $\frac{RT}{g}$ (B) $\frac{RT}{Mg}$ (C) MgR (D) RTg

32. Under isothermal conditions, two soap bubbles of radii a and b coalesce to form a single bubble of radius c . If the external pressure is P , then surface tension of the bubbles is

(A) $\frac{P(c^3 - a^3 + b^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$ (B) $\frac{P(c^3 - a^3 - b^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$
(C) $\frac{P(c^2 + a^2 - b^2)}{4(a^3 + b^3 - c^3)}$ (D) $\frac{P(a^3 + b^3 - c^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$

a এবং b ব্যাসার্ধের দুটি সাবানের বৃদ্ধি সমোষ্ণ প্রক্রিয়ায় একত্রিত হয়ে c ব্যাসার্ধের একটি বৃদ্ধি তৈরি করল। যদি বাহ্যিক চাপ P হয়, তবে বৃদ্ধিদের পৃষ্ঠটান হবে

(A) $\frac{P(c^3 - a^3 + b^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$ (B) $\frac{P(c^3 - a^3 - b^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$
(C) $\frac{P(c^2 + a^2 - b^2)}{4(a^3 + b^3 - c^3)}$ (D) $\frac{P(a^3 + b^3 - c^3)}{4(a^2 + b^2 - c^2)}$

33. For a plane electromagnetic wave, the electric field is given by

$\vec{E} = 90 \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{k} \text{ v/m}$. The corresponding magnetic field \vec{B} will be

একটি সমতল তড়িৎচুম্বকীয় তরঙ্গের ক্ষেত্রে, তড়িৎক্ষেত্র E এর ব্যঞ্জক হল

$\vec{E} = 90 \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{k} \text{ v/m}$. চৌম্বকক্ষেত্র \vec{B} এর ব্যঞ্জকটি হবে

- (A) $\vec{B} = 3 \times 10^{-7} \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{i} \text{ T}$
 (B) $\vec{B} = 3 \times 10^{-7} \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{j} \text{ T}$
 (C) $\vec{B} = 27 \times 10^9 \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{j} \text{ T}$
 (D) $\vec{B} = 3 \times 10^{-7} \sin(0.5 \times 10^3 x + 1.5 \times 10^{11} t) \hat{k} \text{ T}$

34. Two metal wires of identical dimensions are connected in series. If σ_1 and σ_2 are the electrical conductivities of the metal wires respectively, the effective conductivity of the combination is

- (A) $\sigma_1 + \sigma_2$ (B) $\frac{\sigma_1 \sigma_2}{\sigma_1 + \sigma_2}$ (C) $\frac{2\sigma_1 \sigma_2}{\sigma_1 + \sigma_2}$ (D) $\frac{\sigma_1 + \sigma_2}{2\sigma_1 \sigma_2}$

একই আকারের দুটি ধাতব তারকে শ্রেণী সমবায়ে যুক্ত করা হল। যদি দুটি তারের তড়িৎ পরিবাহিতাঙ্ক σ_1 এবং σ_2 হয়, তবে এই সমবায়ের তুল্য পরিবাহিতাঙ্ক হবে

- (A) $\sigma_1 + \sigma_2$ (B) $\frac{\sigma_1 \sigma_2}{\sigma_1 + \sigma_2}$ (C) $\frac{2\sigma_1 \sigma_2}{\sigma_1 + \sigma_2}$ (D) $\frac{\sigma_1 + \sigma_2}{2\sigma_1 \sigma_2}$

35. A uniform rod of length L pivoted at one end P is freely rotated in a horizontal plane with an angular velocity ω about a vertical axis passing through P. If the temperature of the system is increased by ΔT , angular velocity becomes $\frac{\omega}{2}$. If coefficient of linear expansion of the rod is α ($\alpha \ll 1$), then ΔT will be

- (A) $\frac{1}{\alpha}$ (B) $\frac{1}{2\alpha}$ (C) $\frac{1}{4\alpha}$ (D) α

একটি প্রান্ত P বিন্দুতে আটকানো অবস্থায় L দৈর্ঘ্যের একটি সুষম দণ্ডকে ω কৌণিক বেগে অনুভূমিক তলে P বিন্দুর মধ্য দিয়ে উল্লম্ব অক্ষের সাপেক্ষে ঘোরানো হচ্ছে। দণ্ডটির তাপমাত্রা ΔT পরিমাণ বাড়ানো হলে কৌণিক বেগের মান হয় $\frac{\omega}{2}$ । যদি দণ্ডের দৈর্ঘ্য প্রসারণ গুণাঙ্ক α ($\alpha \ll 1$) হয় তবে ΔT এর মান হল

- (A) $\frac{1}{\alpha}$ (B) $\frac{1}{2\alpha}$ (C) $\frac{1}{4\alpha}$ (D) α

PC-2021

Category - III (Q 36 to 40)

Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and also no incorrect answer is marked, then score = 2 × number of correct answers marked ÷ actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is no negative marking for the same and zero mark will be awarded.

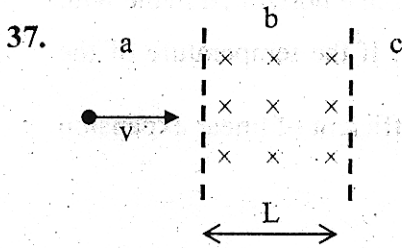
এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোন ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে 2 × যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা ÷ আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে। কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূন্য নম্বর পাবে।

36. The potential energy of a particle of mass 0.02 kg moving along x-axis is given by $V = Ax(x - 4)J$ where x is in metres and A is a constant. Which of the following is/are correct statement(s) ?

- (A) The particle is acted upon by a constant force.
(B) The particle executes simple harmonic motion.
(C) The speed of the particle is maximum at $x = 2$ m.
(D) The period of oscillation of the particle is $\frac{\pi}{5}$ sec.

x-অক্ষ বরাবর গতিশীল 0.02 kg ভরের একটি কণার স্থিতিশক্তি $V = Ax(x - 4)J$, যেখানে A একটি ধ্রুবক এবং x মিটার এককে প্রকাশিত। নিচের কোন উক্তি/উক্তিগুলি সত্য ?

- (A) কণাটির উপর প্রযুক্ত বলের মান ধ্রুবক। (B) কণাটি সরল দোলগতি সম্পন্ন করে।
(C) $x = 2$ m বিন্দুতে কণাটির বেগ সর্বাধিক। (D) কণাটির দোলগতির দোলনকাল $\frac{\pi}{5}$ sec

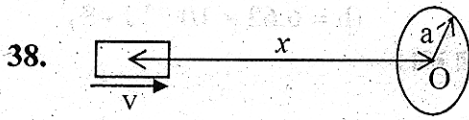


A particle of mass m and charge q moving with velocity v enters region-b from region-a along the normal to the boundary as shown in the figure. Region-b has a uniform magnetic field B perpendicular to the plane of the paper. Also, region-b has length L . Choose the correct statements :

- (A) The particle enters region-c only if $v > \frac{qLB}{m}$
(B) The particle enters region-c only if $v < \frac{qLB}{m}$
(C) Path of the particle is a circle in region-b
(D) Time spent in region-b is independent of velocity v

পদর্শিত চিত্রের মতো, m ভর ও q আধানের একটি কণা v বেগে a -অঞ্চল থেকে বিভেদ তলের লম্ব বরাবর b -অঞ্চলে প্রবেশ করে। b -অঞ্চলটির মধ্যে পৃষ্ঠার তলের সাথে লম্বভাবে একটি সুস্থম চৌম্বকক্ষেত্র B আছে। যদি b -অঞ্চলের দৈর্ঘ্য L হয় তবে নীচের কোন উক্তি/উক্তিগুলি সত্য ?

- (A) কণাটি c -অঞ্চলে প্রবেশ করবে যদি $v > \frac{qLB}{m}$ হয়।
 (B) কণাটি c -অঞ্চলে প্রবেশ করবে যদি $v < \frac{qLB}{m}$ হয়।
 (C) b -অঞ্চলে কণাটির সঞ্চারণপথ বৃত্তাকার।
 (D) b -অঞ্চলে কণাটির দ্বারা ব্যয়িত সময় গতিবেগ v -এর উপর নির্ভর করে না।



A small bar magnet of dipole moment M is moving with speed v along x direction towards a small closed circular conducting loop of radius ' a ' with its centre O at $x = 0$ (see figure). Assume $x \gg a$ and the coil has a resistance R . Then which of the following statement(s) is/are true ?

- (A) Magnetic field at the centre O of the circular coil due to the bar magnet is $\frac{M}{x^3}$.
 (B) Induced EMF is proportional to $\frac{1}{x^4}$.
 (C) The magnetic moment μ due to induced current in the coil is proportional to a^4 .
 (D) The heat produced is proportional to $\frac{1}{x^6}$.

M চৌম্বকভ্রামক সম্পন্ন একটি ক্ষুদ্র দণ্ডচুম্বক x অক্ষ বরাবর v বেগে ' a ' ব্যাসার্ধের একটি বৃত্তাকার পরিবাহী লুপের দিকে গতিশীল। লুপের কেন্দ্র O , $x = 0$ বিন্দুতে আছে। ধরে নাও $x \gg a$ এবং লুপের রোধ R । তবে নীচের কোন উক্তি/উক্তিগুলি সত্য ?

- (A) দণ্ড চুম্বকের জন্য বৃত্তাকার লুপের কেন্দ্রে উৎপন্ন চুম্বকক্ষেত্র হল $\frac{M}{x^3}$ ।
 (B) আবিষ্ট তড়িচ্চালক বল $\frac{1}{x^4}$ -এর সমানুপাতিক।
 (C) লুপের মধ্যে আবিষ্ট তড়িৎপ্রবাহের জন্য উদ্ভূত চৌম্বক ভ্রামক a^4 -এর সমানুপাতিক।
 (D) উৎপন্ন তাপশক্তি $\frac{1}{x^6}$ -এর সমানুপাতিক।

PC-2021

39. Electric field component of an EM radiation varies with time as $E = a(\cos\omega_0 t + \sin\omega \cos\omega_0 t)$, where 'a' is a constant and $\omega = 10^{15} \text{ sec}^{-1}$, $\omega_0 = 5 \times 10^{15} \text{ sec}^{-1}$. This radiation falls on a metal whose stopping potential is -2 ev. Then which of the following Statement (s) is/are true ? ($h = 6.62 \times 10^{-34} \text{ J-S}$)

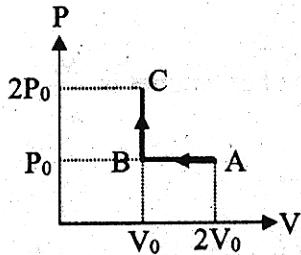
- (A) For light of frequency ω , photoelectric effect is not possible
- (B) Stopping potential vs. frequency graph will be a straight line
- (C) The work function of the metal is -2 ev.
- (D) The maximum kinetic energy of the photo electrons is 1.95 ev.

একটি তড়িৎচুম্বকীয় বিকিরণের তড়িৎক্ষেত্র $E = a(\cos\omega_0 t + \sin\omega \cos\omega_0 t)$ রূপে পরিবর্তিত হয়। এখানে 'a' একটি ধ্রুবক, $\omega = 10^{15} \text{ sec}^{-1}$ ও $\omega_0 = 5 \times 10^{15} \text{ sec}^{-1}$ । এই বিকিরণ একটি -2 ev নিরোধী বিভব সম্পন্ন ধাতব পাতের উপর আপতিত হয়। তবে নীচের কোন উক্তি/উক্তিগুলি সত্য ?

($h = 6.62 \times 10^{-34} \text{ J-S}$)

- (A) ω কম্পাঙ্কের বিকিরণের জন্য আলোক তড়িৎ ক্রিয়া সম্ভবপর নয়।
- (B) নিরোধী বিভব ও কম্পাঙ্কের লেখচিত্র একটি সরলরেখা।
- (C) ধাতুর কার্য অপেক্ষক -2 ev।
- (D) উৎপন্ন ইলেকট্রনের সর্বোচ্চ গতিশক্তি 1.95 ev।

40.



Consider the P - V diagram for 1 mole of an ideal monatomic gas shown in the figure. Which of the following statements is/are true ?

- (A) The change in internal energy for the whole process is zero.
- (B) Heat is rejected during the process
- (C) Change in internal energy for process A \rightarrow B is $-\frac{3}{2} P_0 V_0$
- (D) Work done by the gas during the entire process is $2P_0 V_0$

এক মোল একটি আদর্শ এক পরমানুক গ্যাসের P - V লেখচিত্র দেখানো হয়েছে। কোন উক্তি/উক্তিগুলি সত্য ?

- (A) সমগ্র প্রক্রিয়ায় আন্তরশক্তির পরিবর্তন শূন্য।
- (B) প্রক্রিয়াটিতে তাপশক্তি বর্জিত হয়।
- (C) A \rightarrow B প্রক্রিয়ায় আন্তরশক্তির পরিবর্তন $-\frac{3}{2} P_0 V_0$
- (D) সমগ্র প্রক্রিয়ায় গ্যাস কর্তৃক কৃতকার্য $2P_0 V_0$

CHEMISTRY

Category-I (Q 41 to 70)

Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ¼ mark will be deducted

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ¼ নম্বর কাটা যাবে।

41. Under the same reaction conditions, initial concentration of $1.386 \text{ mol dm}^{-3}$ of a substance becomes half in 40 s and 20 s through first-order and zero-order kinetics respectively. Ratio $\left(\frac{k_1}{k_0}\right)$ of the rate constants for first-order (k_1) and zero-order (k_0) of the reactions is

(A) $0.5 \text{ mol}^{-1} \text{ dm}^3$ (B) 0.5 mol dm^{-3} (C) 1.0 mol dm^{-3} (D) $2.0 \text{ mol}^{-1} \text{ dm}^3$

একই শর্ত সাপেক্ষে, একটি পদার্থের প্রারম্ভিক গাঢ়ত্ব $1.386 \text{ mol dm}^{-3}$ অর্ধেক পরিণত হতে প্রথমক্রম বিক্রিয়ায় 40 s এবং শূন্য-ক্রম বিক্রিয়ায় 20 s সময় লাগে। প্রথম-ক্রম (k_1) এবং শূন্য-ক্রম

(k_0) বিক্রিয়া দুটির হার ধ্রুবকের অনুপাত $\left(\frac{k_1}{k_0}\right)$ হল

(A) $0.5 \text{ mol}^{-1} \text{ dm}^3$ (B) 0.5 mol dm^{-3} (C) 1.0 mol dm^{-3} (D) $2.0 \text{ mol}^{-1} \text{ dm}^3$

42. Which one of the following solutions will have highest conductivity ?

(A) $0.1 \text{ M CH}_3\text{COOH}$

(B) 0.1 M NaCl

(C) 0.1 M KNO_3

(D) 0.1 M HCl

নিম্নলিখিত দ্রবণগুলির মধ্যে কোনটির আপেক্ষিক পরিবাহিতা সর্বাধিক ?

(A) $0.1 \text{ M CH}_3\text{COOH}$

(B) 0.1 M NaCl

(C) 0.1 M KNO_3

(D) 0.1 M HCl

43. When 20 g of naphthoic acid ($\text{C}_{11}\text{H}_8\text{O}_2$) is dissolved in 50 g of benzene, a freezing point depression of 2K is observed. The vant Hoff factor (i) is [$K_f = 1.72 \text{ K kg mol}^{-1}$]

(A) 0.5

(B) 1.0

(C) 2.0

(D) 3.0

20 g ন্যাপথোয়িক অ্যাসিড ($\text{C}_{11}\text{H}_8\text{O}_2$), 50 g বেঞ্জিনে দ্রবীভূত হলে হিমাঙ্কের অবনমনের মান হয় 2K।

ভ্যান্ট হফ ফ্যাক্টর (i) এর মান হল [$K_f = 1.72 \text{ K kg mol}^{-1}$]

(A) 0.5

(B) 1.0

(C) 2.0

(D) 3.0

44. The equilibrium constant for the reaction $\text{N}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2\text{NO}(\text{g})$ is 4×10^{-4} at 2000 K. In presence of a catalyst the equilibrium is attained 10 times faster. Therefore, the equilibrium constant, in presence of the catalyst at 2000 K is

(A) 4×10^{-4}

(B) 4×10^{-3}

(C) 4×10^{-5}

(D) 2.5×10^{-4}

$\text{N}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2\text{NO}(\text{g})$, 2000 K তাপমাত্রায় বিক্রিয়াটির সাম্য ধ্রুবকের মান 4×10^{-4} ।

অনুঘটকের উপস্থিতিতে বিক্রিয়াটি 10 গুণ দ্রুত গতিতে সাম্যে উপনীত হইলে, 2000 K তাপমাত্রায় অনুঘটকের উপস্থিতিতে সাম্য ধ্রুবকের মান হবে

(A) 4×10^{-4}

(B) 4×10^{-3}

(C) 4×10^{-5}

(D) 2.5×10^{-4}

PC-2021

45. Solubility products (K_{sp}) of the salts of types MX , MX_2 and M_3X at temperature T are 4.0×10^{-8} , 3.2×10^{-14} and 2.7×10^{-15} respectively. Solubilities (in mol dm^{-3}) of the salts at temperature T are in the order

(A) $MX > MX_2 > M_3X$ (B) $M_3X > MX_2 > MX$
(C) $MX_2 > M_3X > MX$ (D) $MX > M_3X > MX_2$

T তাপমাত্রায়, তিনটি লবণ MX , MX_2 এবং M_3X এর দ্রাব্যতা গুণফলের মানগুলি যথাক্রমে 4.0×10^{-8} , 3.2×10^{-14} এবং 2.7×10^{-15} । T তাপমাত্রায় ঐ তিনটি লবণের দ্রাব্যতার (mol dm^{-3}) মানের ক্রম নিম্নরূপ

(A) $MX > MX_2 > M_3X$ (B) $M_3X > MX_2 > MX$
(C) $MX_2 > M_3X > MX$ (D) $MX > M_3X > MX_2$

46. The reduction potential of hydrogen half-cell will be negative if

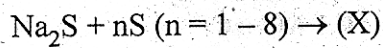
(A) $p(H_2) = 1 \text{ atm}$ and $[H^+] = 1.0 \text{ M}$ (B) $p(H_2) = 1 \text{ atm}$ and $[H^+] = 2.0 \text{ M}$
(C) $p(H_2) = 2 \text{ atm}$ and $[H^+] = 1.0 \text{ M}$ (D) $p(H_2) = 2 \text{ atm}$ and $[H^+] = 2.0 \text{ M}$

হাইড্রোজেন অর্ধ-কোষের বিজারণ বিভব ঋণাত্মক হবে যদি

(A) $p(H_2) = 1 \text{ atm}$ and $[H^+] = 1.0 \text{ M}$ (B) $p(H_2) = 1 \text{ atm}$ and $[H^+] = 2.0 \text{ M}$
(C) $p(H_2) = 2 \text{ atm}$ and $[H^+] = 1.0 \text{ M}$ (D) $p(H_2) = 2 \text{ atm}$ and $[H^+] = 2.0 \text{ M}$

47. Indicate the products (X) and (Y) in the following reactions :

নীচের বিক্রিয়াগুলিতে (X) এবং (Y) সূচিত কর :



(X) (Y)
(A) $Na_2S_2O_3$ Na_2S_2
(B) $Na_2S_{(n+1)}$ $Na_2S_2O_3$
(C) Na_2S_n $Na_2S_2O_3$
(D) Na_2S_5 $Na_2S_2O_4$

48. 2.5 ml 0.4 (M) weak monoacidic base ($k_b = 1 \times 10^{-12}$ at 25°C) is titrated with $\frac{2}{15}$ (M) HCl in water at 25°C . The concentration of H^+ at equivalence point is ($K_w = 1 \times 10^{-14}$, at 25°C)

(A) 3.7×10^{-13} (M) (B) 3.2×10^{-7} (M)
(C) 3.2×10^{-2} (M) (D) 2.7×10^{-2} (M)

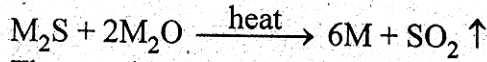
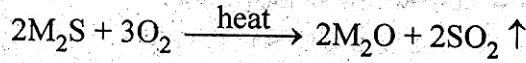
25°C উষ্ণতায়, জলীয় দ্রবণে 2.5 ml. 0.4 (M) একটি মৃদু এক-আম্লিক ক্ষারক ($k_b = 1 \times 10^{-12}$,

25°C উষ্ণতায়) $\frac{2}{15}$ (M) HCl দ্রবণ দ্বারা টাইট্রেশন করা হল। প্রশমণ বিন্দুতে H^+ এর গাঢ়ত্ব হল

($K_w = 1 \times 10^{-14}$, 25°C উষ্ণতায়)

(A) 3.7×10^{-13} (M) (B) 3.2×10^{-7} (M)
(C) 3.2×10^{-2} (M) (D) 2.7×10^{-2} (M)

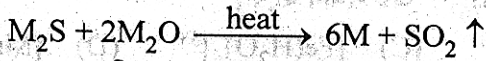
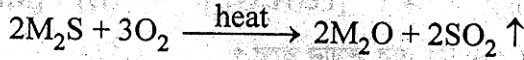
49. Extraction of a metal (M) from its sulfide ore (M_2S) involves the following chemical reactions :



The metal (M) may be

- (A) Zn (B) Cu (C) Fe (D) Ca

কোন (M) ধাতুর সালফাইড আকরিক (M_2S) থেকে ধাতুটিকে নিষ্কাশন করতে নীচের রাসায়নিক বিক্রিয়াগুলি ঘটে থাকে।



(M) ধাতুটি হতে পারে

- (A) Zn (B) Cu (C) Fe (D) Ca

50. The white precipitate (Y), obtained on passing colourless and odourless gas (X) through an ammoniacal solution of NaCl, loses about 37% of its weight on heating and a white residue (Z) of basic nature is left. Identify (X), (Y) and (Z) from following sets.

অ্যামোনিয়াকাল NaCl দ্রবণে একটি বর্ণহীন ও গন্ধহীন গ্যাস (X) চালনা করলে যে সাদা অধঃক্ষেপ (Y) পাওয়া যায়, সেটিকে উত্তপ্ত করলে তার ওজন প্রায় 37% হ্রাস পায় এবং সাদা ক্ষারকধর্মী একটি অবশেষ (Z) থাকে। নীচের সেটগুলি থেকে (X), (Y) এবং (Z) সনাক্ত কর।

- | (X) | (Y) | (Z) |
|------------|----------------|----------------|
| (A) N_2 | $(NH_4)_2CO_3$ | NH_4Cl |
| (B) O_2 | $NaNH_4CO_3$ | $NaHCO_3$ |
| (C) CO_2 | NH_4HCO_3 | $(NH_4)_2CO_3$ |
| (D) CO_2 | $NaHCO_3$ | Na_2CO_3 |

51. A saturated solution of $BaSO_4$ at $25^\circ C$ is $4 \times 10^{-5} M$. The solubility of $BaSO_4$ in $0.1 M Na_2SO_4$ at this temperature will be

- (A) $1.6 \times 10^{-9} M$ (B) $1.6 \times 10^{-8} M$ (C) $4 \times 10^{-6} M$ (D) $4 \times 10^{-4} M$

$25^\circ C$ এ $BaSO_4$ -এর একটি সম্পৃক্ত দ্রবণের গাঢ়ত্ব $4 \times 10^{-5} M$ । এই তাপমাত্রায় $0.1 M$ গাঢ় Na_2SO_4 দ্রবণে $BaSO_4$ -এর দ্রাব্যতা হবে :

- (A) $1.6 \times 10^{-9} M$ (B) $1.6 \times 10^{-8} M$ (C) $4 \times 10^{-6} M$ (D) $4 \times 10^{-4} M$

52. A solution is made by a concentrated solution of $Co(NO_3)_2$ with a concentrated solution of $NaNO_2$ in 50% acetic acid. A solution of a salt containing metal M is added to the mixture, when a yellow precipitate is formed. Metal 'M' is:

- (A) Magnesium (B) Sodium (C) Potassium (D) Zinc

$Co(NO_3)_2$ -এর গাঢ় দ্রবণের সাথে 50% অ্যাসিটিক অ্যাসিডে $NaNO_2$ এর একটি গাঢ় দ্রবণ মিশ্রিত করা হল। ধাতু M এর একটি লবণের দ্রবণ এই মিশ্রিত দ্রবণে যোগ করা হলে একটি হলুদ অধঃক্ষেপ পড়ে। ধাতু 'M' টি হল :

- (A) ম্যাগনেসিয়াম (B) সোডিয়াম (C) পটাশিয়াম (D) জিঙ্ক

PC-2021

53. Indicate the number of unpaired electrons in $K_3[Fe(CN)_6]$ and $K_4[Fe(CN)_6]$
 $K_3[Fe(CN)_6]$ এবং $K_4[Fe(CN)_6]$ এর বিজোড় ইলেকট্রন সংখ্যা নির্দেশ কর :
- | | $K_3[Fe(CN)_6]$ | $K_4[Fe(CN)_6]$ |
|-----|-----------------|-----------------|
| (A) | 1 | 0 |
| (B) | 5 | 6 |
| (C) | 6 | 5 |
| (D) | 0 | 1 |
54. Which of the following compounds have magnetic moment identical with $[Cr(H_2O)_6]^{3+}$?
 (A) $[Cu(H_2O)_6]^{2+}$ (B) $[Mn(H_2O)_6]^{3+}$ (C) $[Fe(H_2O)_6]^{3+}$ (D) $[Mn(H_2O)_6]^{4+}$
 নিম্নলিখিত কোন যৌগটির চৌম্বকভ্রামক $[Cr(H_2O)_6]^{3+}$ এর সমান হবে ?
 (A) $[Cu(H_2O)_6]^{2+}$ (B) $[Mn(H_2O)_6]^{3+}$ (C) $[Fe(H_2O)_6]^{3+}$ (D) $[Mn(H_2O)_6]^{4+}$
55. Which structure has delocalised π -electrons ?
 (A) O_3 (B) CO (C) HCN (D) O_3 and HCN
 কোন গঠনটির মধ্যে বিকেন্দ্রভূত (delocalised) π -ইলেকট্রন আছে ?
 (A) O_3 (B) CO (C) HCN (D) O_3 এবং HCN
56. The H_3O^+ ion has the following shape
 (A) Tetrahedral (B) Pyramidal
 (C) Triangular planar (D) "T" shaped
 H_3O^+ আয়নের আকার নিম্নরূপ
 (A) চতুষ্তলকীয় (B) পিরামিডীয়
 (C) সামতলিক ত্রিকোণাকার (D) "T" আকৃতির
57. For the reaction $^{14}N(\alpha, p)^{17}O$, 1.16 MeV (Mass equivalent = 0.00124 amu) of energy is absorbed. Mass on the reactant side is 18.00567 amu and proton mass = 1.00782 amu. The atomic mass of ^{17}O will be
 (A) 17.0044 amu (B) 16.9991 amu (C) 17.0114 amu (D) 16.9966 amu
 $^{14}N(\alpha, p)^{17}O$ কেন্দ্রীয় বিক্রিয়ায় 1.16 MeV (ভরশক্তি তুল্যতা = 0.00124 amu) শক্তি শোষিত হয়। বিক্রিয়াকারী পদার্থের দিকের ভর 18.00567 amu এবং প্রোটনের ভর = 1.00782 amu হলে ^{17}O এর পারমাণবিক ভর হবে
 (A) 17.0044 amu (B) 16.9991 amu (C) 17.0114 amu (D) 16.9966 amu
58. A solution of $NaNO_3$, when treated with a mixture of Zn dust and 'A' yields ammonia.
 'A' can be
 (A) caustic soda (B) dilute sulphuric acid
 (C) concentrated sulphuric acid (D) sodium carbonate
 $NaNO_3$ এর দ্রবণে Zn পাউডার এবং 'A'-এর একটি মিশ্রণ যোগ করা হলে অ্যামোনিয়া উৎপন্ন হয়।
 'A' হতে পারে
 (A) কষ্টিক সোডা (B) লঘু সালফিউরিক অ্যাসিড
 (C) গাঢ় সালফিউরিক অ্যাসিড (D) সোডিয়াম কার্বোনেট

PC-2021

59. Cyclo [18]carbon is an allotrope of carbon with molecular formula C_{18} . It is a ring of 18 carbon atoms, connected by single and triple bonds. The total number of triple bonds present in this cyclocarbon are

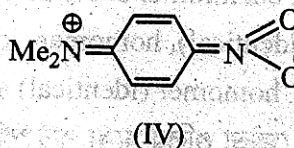
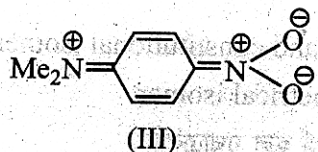
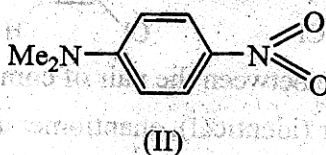
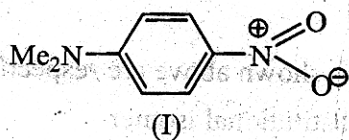
- (A) 9 (B) 10 (C) 12 (D) 6

C_{18} আনবিক সংকেত বিশিষ্ট সাইক্লো [18] কার্বন হলো কার্বনের একটি রূপভেদ। 18 টি কার্বন এই শৃঙ্খলটিতে একবন্ধন ও ত্রিবন্ধন দ্বারা যুক্ত। এই কার্বন শৃঙ্খলে মোট ত্রিবন্ধনের সংখ্যা হলো

- (A) 9 (B) 10 (C) 12 (D) 6

60. p-nitro - N, N - dimethylaniline cannot be represented by the resonating structures

p-নাইট্রো - N, N - ডাইমিথাইলঅ্যানিলিন যেসব সংস্পন্দন গঠন দ্বারা প্রকাশ করা যায় না সেগুলি হল



- (A) I and II (B) II and IV (C) I and III (D) III and IV

61. The exact order of boiling points of the compounds n-pentane, isopentane, butanone and 1-butanol is

- (A) n-pentane < isopentane < butanone < 1-butanol
(B) isopentane < n-pentane < butanone < 1-butanol
(C) butanone < n-pentane < isopentane < 1-butanol
(D) 1-butanol < butanone < n-pentane < isopentane

n-পেন্টেন, আইসোপেন্টেন, বিউটানোন ও 1-বিউটানল যৌগগুলির স্ফুটনাঙ্কের সঠিক ক্রমটি হলো

- (A) n-পেন্টেন < আইসোপেন্টেন < বিউটানোন < 1-বিউটানল
(B) আইসোপেন্টেন < n-পেন্টেন < বিউটানোন < 1-বিউটানল
(C) বিউটানোন < n-পেন্টেন < আইসোপেন্টেন < 1-বিউটানল
(D) 1-বিউটানল < বিউটানোন < n-পেন্টেন < আইসোপেন্টেন

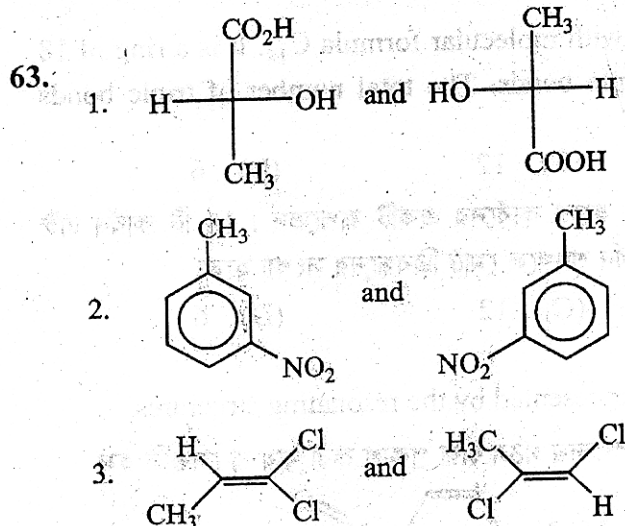
62. The maximum number of atoms that can be in one plane in the molecule p-nitrobenzonitrile are

- (A) 6 (B) 12 (C) 13 (D) 15

p-নাইট্রোবেঞ্জোনাইট্রাইল অনুটির একটি তলে থাকতে পারে এরূপ সর্বাধিক পরমানুর সংখ্যা হলো

- (A) 6 (B) 12 (C) 13 (D) 15

PC-2021



The relationship between the pair of compounds shown above are respectively

- (A) Homomer (identical), enantiomer and constitutional isomer
 (B) Enantiomer, enantiomer and diastereomer
 (C) Homomer (identical), homomer (identical) and constitutional isomer
 (D) Enantiomer, homomer (identical) and geometrical isomer

উপরে প্রদর্শিত যৌগ জোড়া গুলির মধ্যে পারস্পরিক সম্পর্ক হল যথাক্রমে

- (A) হোমোমার (সমরূপ), প্রতিবিম্ব সমাবয়ব এবং গঠন সমাবয়ব
 (B) প্রতিবিম্ব সমাবয়ব, প্রতিবিম্ব সমাবয়ব, ডাইস্টেরিয়োমার
 (C) হোমোমার (সমরূপ), হোমোমার (সমরূপ), গঠন সমাবয়ব
 (D) প্রতিবিম্ব সমাবয়ব, হোমোমার (সমরূপ) এবং জ্যামিতিক সমাবয়ব

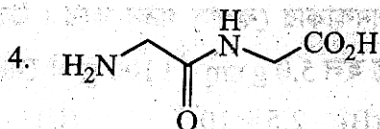
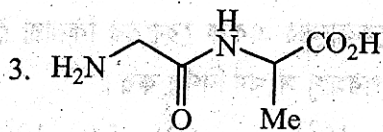
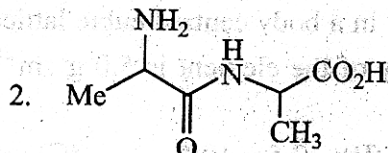
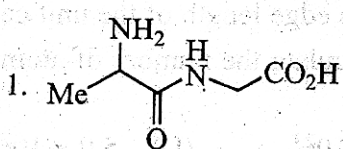
64. The exact order of acidity of the compounds *p*-nitrophenol, acetic acid, acetylene and ethanol is

- (A) *p*-nitrophenol < acetic acid < acetylene < ethanol
 (B) acetic acid < *p*-nitrophenol < acetylene < ethanol
 (C) acetylene < *p*-nitrophenol < ethanol < acetic acid
 (D) acetylene < ethanol < *p*-nitrophenol < acetic acid

p-নাইট্রোফেনল, অ্যাসেটিক অ্যাসিড, অ্যাসেটিলিন ও ইথানল যৌগগুলির মধ্যে অম্লতার যথার্থ ক্রম হল

- (A) *p*-নাইট্রোফেনল < অ্যাসেটিক অ্যাসিড < অ্যাসেটিলিন < ইথানল
 (B) অ্যাসেটিক অ্যাসিড < *p*-নাইট্রোফেনল < অ্যাসেটিলিন < ইথানল
 (C) অ্যাসেটিলিন < *p*-নাইট্রোফেনল < ইথানল < অ্যাসেটিক অ্যাসিড
 (D) অ্যাসেটিলিন < ইথানল < *p*-নাইট্রোফেনল < অ্যাসেটিক অ্যাসিড

65.

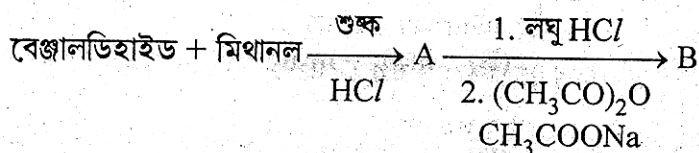
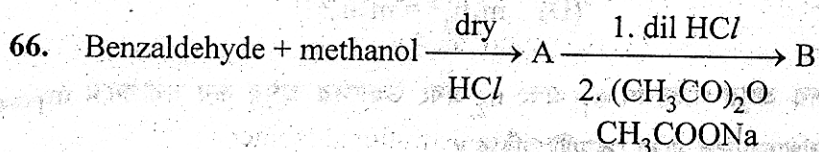


The dipeptides which may be obtained from the amino acids glycine and alanine are

- (A) only 1 (B) only 2 (C) both 1 and 2 (D) all of them

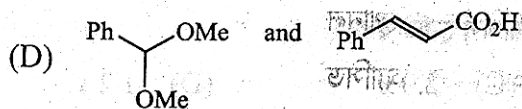
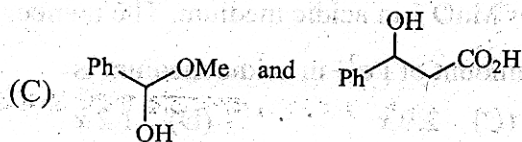
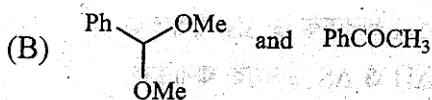
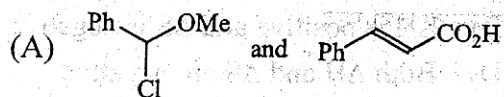
অ্যালানিনো অ্যাসিড গ্লাইসিন ও অ্যালানিন থেকে যে ডাইপেপটাইডগুলি উৎপন্ন হতে পারে সেগুলি হলো

- (A) কেবলমাত্র 1 (B) কেবলমাত্র 2 (C) উভয় 1 এবং 2 (D) সবগুলি



The compounds A and B above are respectively

উপরের A এবং B যৌগদ্বয় যথাক্রমে



PC-2021

67. An element crystallizes in a body centred cubic lattice. The edge length of the unit cell is 200 pm and the density of the element is 5.0 g cm^{-3} . Calculate the number of atoms in 100 g of this element.

(A) 2.5×10^{23} (B) 2.5×10^{24} (C) 5.0×10^{23} (D) 5.0×10^{24}

একটি মৌল দেহকেন্দ্রিক ঘনকাকার কেলাস গঠন করে। উক্ত কেলাসের একক কোষের কিনারা দৈর্ঘ্য 200 pm এবং মৌলের ঘনত্ব হল 5.0 g cm^{-3} । 100 g ঐ মৌলে পরমাণু সংখ্যা নির্ণয় কর।

(A) 2.5×10^{23} (B) 2.5×10^{24} (C) 5.0×10^{23} (D) 5.0×10^{24}

68. Molecular velocities of two gases at the same temperature (T) are u_1 and u_2 . Their masses are m_1 and m_2 respectively. Which of the following expressions is correct at temperature T ?

(A) $\frac{m_1}{u_1^2} = \frac{m_2}{u_2^2}$ (B) $m_1 u_1 = m_2 u_2$

(C) $\frac{m_1}{u_1} = \frac{m_2}{u_2}$ (D) $m_1 u_1^2 = m_2 u_2^2$

একই তাপমাত্রায় (T), দুটি গ্যাসের অণুর গতিবেগ u_1 এবং u_2 এবং উহাদের অণুর ভর যথাক্রমে m_1 এবং m_2 হলে T তাপমাত্রায় নিম্নলিখিতগুলির মধ্যে কোনটি সঠিক ?

(A) $\frac{m_1}{u_1^2} = \frac{m_2}{u_2^2}$ (B) $m_1 u_1 = m_2 u_2$

(C) $\frac{m_1}{u_1} = \frac{m_2}{u_2}$ (D) $m_1 u_1^2 = m_2 u_2^2$

69. For a spontaneous reaction at all temperatures which of the following is correct ?

(A) Both ΔH and ΔS are positive (B) ΔH is positive and ΔS is negative
(C) ΔH is negative and ΔS is positive (D) Both ΔH and ΔS are negative

সব তাপমাত্রায় একটি স্বতঃস্ফূর্ত বিক্রিয়ার জন্য নিম্নে প্রদত্তের মধ্যে কোনটি সঠিক ?

(A) ΔH ও ΔS উভয়ই ধনাত্মক (B) ΔH ধনাত্মক ও ΔS ঋণাত্মক
(C) ΔH ঋণাত্মক ও ΔS ধনাত্মক (D) ΔH ও ΔS উভয়ই ঋণাত্মক

70. A given amount of Fe^{2+} is oxidized by x mol of MnO_4^- in acidic medium. The number of moles of $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$ required to oxidize the same amount of Fe^{2+} in acidic medium is

(A) x (B) $0.83 x$ (C) $2.0 x$ (D) $1.2 x$

অ্যাসিড মাধ্যমে, নির্দিষ্ট পরিমাণ Fe^{2+} x মোল MnO_4^- দ্বারা জারিত হয়। অ্যাসিড মাধ্যমে ঐ পরিমাণ Fe^{2+} এর জারণের জন্য যে মোল সংখ্যক $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$ প্রয়োজন সেটি হল

(A) x (B) $0.83 x$ (C) $2.0 x$ (D) $1.2 x$

PC-2021

Category-II (Q 71 to 75)

Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ½ mark will be deducted.

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ½ নম্বর কাটা যাবে।

71. The mole fraction of a solute in a binary solution is 0.1. At 298 K, molarity of this solution is same as its molality. Density of this solution at 298 K is 2.0 g cm^{-3} . The ratio of molecular weights of the solute and the solvent ($M_{\text{solute}}/M_{\text{solvent}}$) is

- (A) 9 (B) $\frac{1}{9}$ (C) 4.5 (D) $\frac{1}{4.5}$

একটি দ্বি-দ্রবণে (binary solution) দ্রাবের মোল ভগ্নাংশ হল 0.1। 298 K তাপমাত্রায়, ঐ দ্রবণের মোলার গাঢ়ত্ব এবং মোলাল গাঢ়ত্ব উভয়ের মান সমান এবং দ্রবণের ঘনত্বের মান 2.0 g cm^{-3} । দ্রাব এবং দ্রাবকের আণবিক গুরুত্বের অনুপাত ($M_{\text{solute}}/M_{\text{solvent}}$) হল

- (A) 9 (B) $\frac{1}{9}$ (C) 4.5 (D) $\frac{1}{4.5}$

72. 5.75 mg of sodium vapour is converted to sodium ion. If the ionisation energy of sodium is 490 kJ mol^{-1} and atomic weight is 23 units, the amount of energy needed for this conversion will be

- (A) 1.96 kJ (B) 1960 kJ (C) 122.5 kJ (D) 0.1225 kJ

5.75 mg সোডিয়াম বাষ্পকে সোডিয়াম আয়নে রূপান্তরিত করা হল। যদি সোডিয়ামের আয়নন শক্তির (ionisation energy) মান 490 kJ mol^{-1} এবং পারমাণবিক গুরুত্ব 23 unit হয়, তবে এই রূপান্তরে শক্তি প্রয়োজন হবে

- (A) 1.96 kJ (B) 1960 kJ (C) 122.5 kJ (D) 0.1225 kJ

73. Among the following chlorides the compounds which will be hydrolysed most easily and most slowly in aqueous NaOH solution are respectively

1. Methoxymethyl chloride 2. Benzyl chloride
3. Neopentyl chloride 4. Propyl chloride

- (A) 1 and 3 (B) 2 and 3 (C) 2 and 4 (D) 3 and 1

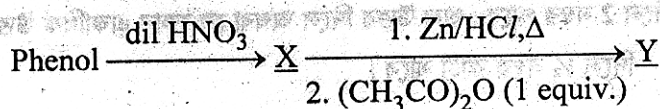
নীচের ক্লোরাইডগুলির মধ্যে যে যৌগগুলির জলীয় NaOH দ্রবণে সর্বাপেক্ষা সহজে এবং সর্বাপেক্ষা ধীরগতিতে আর্দ্রবিশ্লেষণ হবে সেগুলি যথাক্রমে

1. মিথক্সিমিথাইল ক্লোরাইড 2. বেঞ্জাইল ক্লোরাইড
3. নিওপেন্টাইল ক্লোরাইড 4. প্রোপাইল ক্লোরাইড

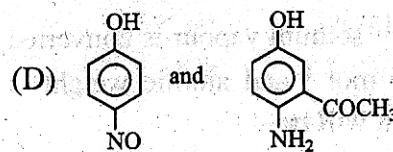
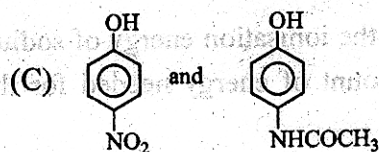
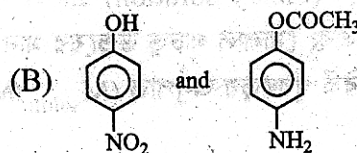
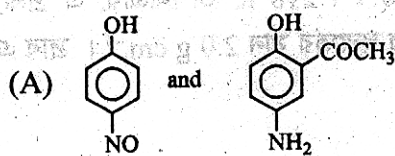
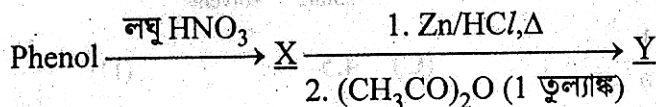
- (A) 1 এবং 3 (B) 2 এবং 3 (C) 2 এবং 4 (D) 3 এবং 1

PC-2021

74. The products X and Y which are formed in the following sequence of reactions are respectively



নীচের বিক্রিয়াক্রমে উৎপাদিত X এবং Y যৌগদুটি হল যথাক্রমে



75. The atomic masses of helium and neon are 4.0 and 20.0 amu respectively. The value of the de Broglie wavelength of helium gas at -73°C is M times the de Broglie wavelength of neon at 727°C . The value of M is

- (A) 5 (B) 25 (C) $\frac{1}{5}$ (D) $\frac{1}{25}$

হিলিয়াম এবং নিয়নের পারমাণবিক ভর যথাক্রমে 4.0 এবং 20.0 amu। -73°C উষ্ণতায় হিলিয়াম গ্যাসের ডি ব্রগলি তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের মান 727°C উষ্ণতায় নিয়নের ডি ব্রগলি তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের M গুণ। M এর মান হল

- (A) 5 (B) 25 (C) $\frac{1}{5}$ (D) $\frac{1}{25}$

PC-2021

Category-III (Q 76 to 80)

Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and no incorrect answer is marked, then score = 2 × number of correct answers marked ÷ actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is no negative marking for the same and zero mark will be awarded.

এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোন ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে 2 × যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা ÷ আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে। কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূন্য নম্বর পাবে।

76. Reaction of silver nitrate solution with phosphorous acid produces:

- (A) Silver phosphite (B) Phosphoric acid
(C) Metallic silver (D) Silver phosphate

ফসফরাস অ্যাসিডের সহিত সিলভার নাইট্রেট দ্রবণের বিক্রিয়ায় তৈরী হবে :

- (A) সিলভার ফসফাইট (B) ফসফরিক অ্যাসিড
(C) ধাতব সিলভার (D) সিলভার ফসফেট

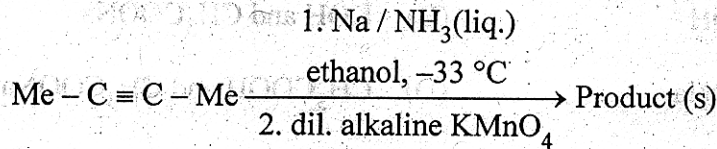
77. N_2H_4 and H_2O_2 show similarity in ..

- (A) Density (B) Reducing nature
(C) Oxidising nature (D) Hybridisation of central atoms

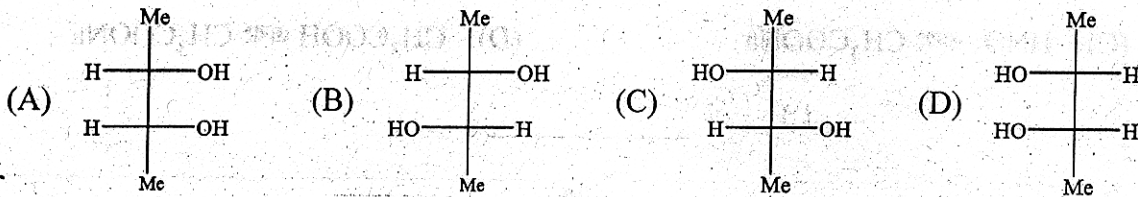
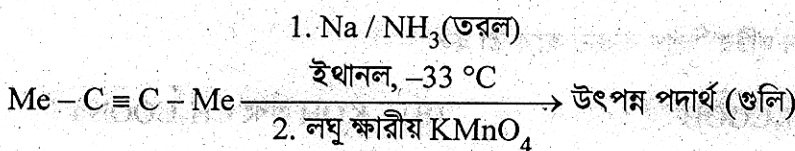
N_2H_4 এবং H_2O_2 এর মধ্যে সাদৃশ্য হল

- (A) ঘনত্ব (B) বিজারণ প্রকৃতি
(C) জারণ প্রকৃতি (D) কেন্দ্রিক মৌলের সংকরায়ণ

78. The product(s) in the following sequence of reactions will be



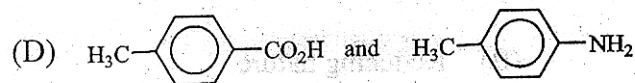
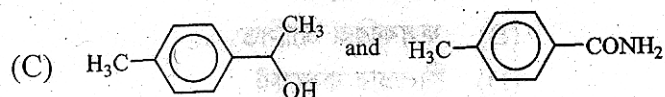
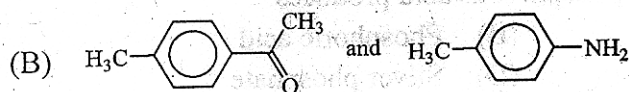
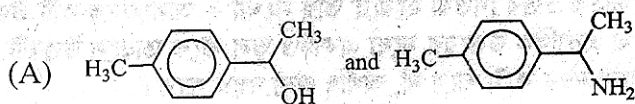
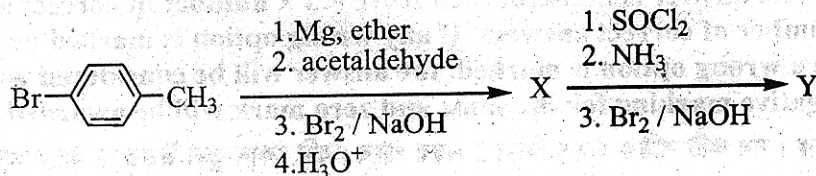
নীচের বিক্রিয়াক্রমে উৎপন্ন পদার্থ (গুলি) হল



PC-2021

79. The compounds X and Y are respectively

X এবং Y যৌগদ্বয় যথাক্রমে,



80. Aqueous solution of HNO_3 , KOH , CH_3COOH and CH_3COONa of identical concentration are provided. The pair (s) of solutions which form a buffer upon mixing is (are)

(A) HNO_3 and CH_3COOH

(B) KOH and CH_3COONa

(C) HNO_3 and CH_3COONa

(D) CH_3COOH and CH_3COONa

একই গাঢ়ত্বের HNO_3 , KOH , CH_3COOH এবং CH_3COONa এর জলীয় দ্রবণ দেওয়া আছে। যে দুটি দ্রবণ বা যে যে দ্রবণ দুটির মিশ্রণ বাফার হবে তা হল

(A) HNO_3 এবং CH_3COOH

(B) KOH এবং CH_3COONa

(C) HNO_3 এবং CH_3COONa

(D) CH_3COOH এবং CH_3COONa

SPACE FOR ROUGH WORK

001 100 100

100 100

Blank space for rough work.

PC-2021
Subject : PHYSICS & CHEMISTRY

সময়: ২ ঘণ্টা

সর্বাধিক নম্বর: ১০০

নির্দেশাবলী

১. এই প্রশ্নপত্রে তিনটি ক্যাটেগরির অবজেক্টিভ প্রশ্ন আছে এবং প্রতিটি প্রশ্নের চারটি সম্ভাব্য উত্তর দেওয়া আছে।
২. Category-I : একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে $\frac{1}{4}$ নম্বর কাটা যাবে।
৩. Category-II : একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে $\frac{1}{2}$ নম্বর কাটা যাবে।
৪. Category-III: এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোন ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে $2 \times$ যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা \div আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে। কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূন্য নম্বর পাবে।
৫. OMR পত্রে A, B, C, D চিহ্নিত সঠিক ঘরটি ভরাট করে উত্তর দিতে হবে।
৬. OMR পত্রে উত্তর দিতে শুধুমাত্র কালো বা নীল বল পয়েন্ট পেন ব্যবহার করবে।
৭. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থান ছাড়া অন্য কোথাও কোন দাগ দেবে না।
৮. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থানে প্রশ্নপত্রের নম্বর এবং নিজের রোল নম্বর অতি সাবধানতার সাথে লিখতে হবে এবং প্রয়োজনীয় ঘরগুলি পূরণ করতে হবে।
৯. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থানে নিজের নাম ও পরীক্ষা কেন্দ্রের নাম লিখতে হবে এবং নিজের সম্পূর্ণ স্বাক্ষর দিতে হবে।
১০. প্রশ্নপত্রের নম্বর বা রোল নম্বর ভুল লিখলে অথবা ভুল ঘর ভরাট করলে, পরীক্ষার্থীর নাম, পরীক্ষা কেন্দ্রের নাম বা স্বাক্ষরে কোন ভুল থাকলে উত্তর পত্র বাতিল হয়ে যেতে পারে। OMR পত্রটি ভাঁজ হলে বা তাতে অনাবশ্যিক দাগ পড়লেও বাতিল হয়ে যেতে পারে। পরীক্ষার্থীর এই ধরনের ভুল বা অসতর্কতার জন্য উত্তরপত্র বাতিল হলে একমাত্র পরীক্ষার্থী নিজেই তার জন্য দায়ী থাকবে।
১১. মোবাইলফোন, ক্যালকুলেটর, স্লাইডরুল, লগটেবল, হাতঘড়ি, রেখাচিত্র, গ্রাফ বা কোন ধরনের তালিকা পরীক্ষা কক্ষে আনা যাবে না। আনলে সেটি বাজেয়াপ্ত হবে এবং পরীক্ষার্থীর ওই পরীক্ষা বাতিল করা হবে।
১২. প্রশ্নপত্রের শেষে রাফ কাজ করার জন্য ফাঁকা জায়গা দেওয়া আছে। অন্য কোন কাগজ এই কাজে ব্যবহার করবে না।
১৩. পরীক্ষা কক্ষ ছাড়ার আগে OMR পত্র অবশ্যই পরিদর্শককে দিয়ে যাবে।
১৪. এই প্রশ্নপত্রে ইংরাজী ও বাংলা উভয় ভাষাতেই প্রশ্ন দেওয়া আছে। বাংলা মাধ্যমে প্রশ্ন তৈরীর সময় প্রয়োজনীয় সাবধানতা ও সতর্কতা অবলম্বন করা হয়েছে। তা সত্ত্বেও যদি কোন অসঙ্গতি লক্ষ্য করা যায়, সেক্ষেত্রে ইংরাজী মাধ্যমে দেওয়া প্রশ্ন ঠিক ও চূড়ান্ত বলে বিবেচিত হবে।

M-2021

1011100373

Subject : MATHEMATICS

(Booklet Number)

Duration : 2 Hours

Full Marks : 100

INSTRUCTIONS

1. This question paper contains all objective questions divided into three categories. Each question has four answer options given.
2. Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, $\frac{1}{4}$ mark will be deducted.
3. Category-II : Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, $\frac{1}{2}$ mark will be deducted.
4. Category-III : Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and also no incorrect answer is marked, then score = $2 \times$ number of correct answers marked \div actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is **no negative marking** for the same and zero mark will be awarded.
5. Questions must be answered on OMR sheet by darkening the appropriate bubble marked A, B, C, or D.
6. Use only **Black/Blue ball point pen** to mark the answer by complete filling up of the respective bubbles.
7. Mark the answers only in the space provided. Do not make any stray mark on the OMR.
8. Write question booklet number and your roll number carefully in the specified locations of the OMR. Also fill appropriate bubbles.
9. Write your name (in block letter), name of the examination centre and put your full signature in appropriate boxes in the OMR.
10. The OMR is liable to become invalid if there is any mistake in filling the correct bubbles for question booklet number/roll number or if there is any discrepancy in the name/signature of the candidate, name of the examination centre. The OMR may also become invalid due to folding or putting stray marks on it or any damage to it. The consequence of such invalidation due to incorrect marking or careless handling by the candidate will be sole responsibility of candidate.
11. Candidates are not allowed to carry any written or printed material, calculator, pen, docu-pen, log table, wristwatch, any communication device like mobile phones etc. inside the examination hall. Any candidate found with such items will be **reported against** & his/her candidature will be summarily cancelled.
12. Rough work must be done on the question paper itself. Additional blank pages are given in the question paper for rough work.
13. Hand over the OMR to the invigilator before leaving the Examination Hall.
14. This paper contains questions in both English and Bengali. Necessary care and precaution were taken while framing the Bengali version. However, if any discrepancy(ies) is /are found between the two versions, the information provided in the English version will stand and will be treated as final.



SPACE FOR ROUGH WORK

Blank space for rough work.

M-2021

MATHEMATICS

Category-I (Q : 1 to 50)

Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ¼ mark will be deducted.

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ¼ নম্বর কাটা যাবে।

1. The mean and variance of a binomial distribution are 4 and 2 respectively. Then the probability of exactly two successes is

(A) $\frac{7}{64}$ (B) $\frac{21}{128}$ (C) $\frac{7}{32}$ (D) $\frac{9}{32}$

একটি দ্বিপদ বন্টনের গড় 4 ও বৈষম্য 2 হলে ঠিক দুটি সফলতার সম্ভাবনা হবে

(A) $\frac{7}{64}$ (B) $\frac{21}{128}$ (C) $\frac{7}{32}$ (D) $\frac{9}{32}$

2. Let $S_n = \cot^{-1} 2 + \cot^{-1} 8 + \cot^{-1} 18 + \cot^{-1} 32 + \dots$ to n^{th} term. Then $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ is

(A) $\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{6}$ (D) $\frac{\pi}{8}$

মনে কর $S_n = \cot^{-1} 2 + \cot^{-1} 8 + \cot^{-1} 18 + \cot^{-1} 32 + \dots$ n তম পদ পর্যন্ত। সেক্ষেত্রে $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ হবে

(A) $\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{6}$ (D) $\frac{\pi}{8}$

3. Four persons A, B, C and D throw an unbiased die, turn by turn, in succession till one gets an even number and win the game. What is the probability that A wins the game if A begins ?

(A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{7}{15}$ (D) $\frac{8}{15}$

A, B, C ও D চারজন ব্যক্তি একটি নিরপেক্ষ ছক্কা পরপর ছুঁড়তে থাকলো যতক্ষণ না একজন জোড়সংখ্যা ছুঁড়লো এবং জিতলো। যদি A ছোঁড়া শুরু করে তবে তার জেতার সম্ভাবনা হবে

(A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{7}{15}$ (D) $\frac{8}{15}$

4. Let A be the fixed point (0, 4) and B be a moving point on x-axis. Let M be the midpoint of AB and let the perpendicular bisector of AB meets the y-axis at R. The locus of the midpoint P of MR is

(A) $y + x^2 = 2$ (B) $x^2 + (y - 2)^2 = \frac{1}{4}$ (C) $(y - 2)^2 - x^2 = \frac{1}{4}$ (D) $x^2 + y^2 = 16$

মনে কর A স্থির বিন্দু (0, 4) এবং B, x-অক্ষের উপর গতিশীল বিন্দু। M, AB-এর মধ্যবিন্দু এবং AB-এর লম্ব-সমদ্বিখন্ডক y-অক্ষকে R বিন্দুতে ছেদ করে। MR-এর মধ্যবিন্দু P-এর সঞ্চারপথ হল

(A) $y + x^2 = 2$ (B) $x^2 + (y - 2)^2 = \frac{1}{4}$ (C) $(y - 2)^2 - x^2 = \frac{1}{4}$ (D) $x^2 + y^2 = 16$

5. A moving line intersects the lines $x + y = 0$ and $x - y = 0$ at the points A, B respectively such that the area of the triangle with vertices (0, 0), A & B has a constant area C. The locus of the mid-point AB is given by the equation

(A) $(x^2 + y^2)^2 = C^2$ (B) $(x^2 - y^2)^2 = C^2$ (C) $(x + y)^2 = C^2$ (D) $(x - y)^2 = C^2$

একটি গতিশীল সরলরেখা $x + y = 0$ ও $x - y = 0$ সরলরেখাদ্বয়কে যথাক্রমে A ও B বিন্দুতে ছেদ করে যেখানে (0, 0), A ও B এর দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ধ্রুবক C হয়। AB-এর মধ্যবিন্দুর সঞ্চারপথের সমীকরণ হল

(A) $(x^2 + y^2)^2 = C^2$ (B) $(x^2 - y^2)^2 = C^2$ (C) $(x + y)^2 = C^2$ (D) $(x - y)^2 = C^2$

6. If $a > 0$, $b > 0$ then the maximum area of the parallelogram whose three vertices are $O(0, 0)$, $A(a \cos \theta, b \sin \theta)$ and $B(a \cos \theta, -b \sin \theta)$ is

(A) ab when $\theta = \frac{\pi}{4}$ (B) $3ab$ when $\theta = \frac{\pi}{4}$

(C) ab when $\theta = -\frac{\pi}{2}$ (D) $2ab$

একটি সামান্তরিকের তিনটি কৌণিক বিন্দুর স্থানাঙ্ক হল $O(0, 0)$, $A(a \cos \theta, b \sin \theta)$ ও $B(a \cos \theta, -b \sin \theta)$ যেখানে $a > 0$, $b > 0$ । সামান্তরিকের সর্বোচ্চ ক্ষেত্রফল হবে

(A) ab যখন $\theta = \frac{\pi}{4}$ (B) $3ab$ যখন $\theta = \frac{\pi}{4}$

(C) ab যখন $\theta = -\frac{\pi}{2}$ (D) $2ab$

M-2021

7. Two tangents to the circle $x^2 + y^2 = 4$ at the points A and B meet at $M(-4, 0)$. The area of the quadrilateral MAOB, where O is the origin is

(A) $4\sqrt{3}$ sq. units (B) $2\sqrt{3}$ sq. units (C) $\sqrt{3}$ sq. units (D) $3\sqrt{3}$ sq. units

$x^2 + y^2 = 4$ বৃত্তের উপরিস্থ A ও B বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শকদ্বয় $M(-4, 0)$ বিন্দুতে মিলিত হয়। চতুর্ভুজ MAOB (O মূলবিন্দু) -এর ক্ষেত্রফল হবে

(A) $4\sqrt{3}$ বর্গ একক (B) $2\sqrt{3}$ বর্গ একক (C) $\sqrt{3}$ বর্গ একক (D) $3\sqrt{3}$ বর্গ একক

8. From a point $(d, 0)$ three normals are drawn to the parabola $y^2 = x$, then

(A) $d = \frac{1}{2}$ (B) $d > \frac{1}{2}$ (C) $d < \frac{1}{2}$ (D) $d = \frac{1}{3}$

$(d, 0)$ বিন্দু থেকে $y^2 = x$ অধিবৃত্তে তিনটি অভিলম্ব অঙ্কিত হল। সেক্ষেত্রে

(A) $d = \frac{1}{2}$ (B) $d > \frac{1}{2}$ (C) $d < \frac{1}{2}$ (D) $d = \frac{1}{3}$

9. The locus of the vertices of the family of parabolas $6y = 2a^3x^2 + 3a^2x - 12a$ is

(A) $xy = \frac{105}{64}$ (B) $xy = \frac{64}{105}$ (C) $xy = \frac{35}{16}$ (D) $xy = \frac{16}{35}$

অধিবৃত্ত পরিবার $6y = 2a^3x^2 + 3a^2x - 12a$ -এর শীর্ষবিন্দু সমূহের সম্ভারপথ হবে

(A) $xy = \frac{105}{64}$ (B) $xy = \frac{64}{105}$ (C) $xy = \frac{35}{16}$ (D) $xy = \frac{16}{35}$

10. A ray of light along $x + \sqrt{3}y = \sqrt{3}$ gets reflected upon reaching x-axis, the equation of the reflected ray is

(A) $y = x + \sqrt{3}$ (B) $\sqrt{3}y = x - \sqrt{3}$ (C) $y = \sqrt{3}x - \sqrt{3}$ (D) $\sqrt{3}y = x - 1$

$x + \sqrt{3}y = \sqrt{3}$ বরাবর একটি আলোকরশ্মি x-অক্ষে প্রতিফলিত হয়। প্রতিফলিত রশ্মির সমীকরণ হবে

(A) $y = x + \sqrt{3}$ (B) $\sqrt{3}y = x - \sqrt{3}$ (C) $y = \sqrt{3}x - \sqrt{3}$ (D) $\sqrt{3}y = x - 1$

11. The locus of the center of a variable circle which always touches two given circles externally is

- (A) an ellipse (B) a hyperbola (C) a parabola (D) a circle

দুটি প্রদত্ত বৃত্তকে বাইরে থেকে স্পর্শ করে এমন গতিশীল বৃত্তের কেন্দ্রের সম্ভারপথ হবে

- (A) একটি উপবৃত্ত (B) একটি অধিবৃত্ত (C) একটি পরাবৃত্ত (D) একটি বৃত্ত

12. A line with positive direction cosines passes through the point $P(2, -1, 2)$ and makes equal angle with co-ordinate axes. The line meets the plane $2x + y + z = 9$ at point Q. The length of the line segment PQ equals

- (A) 1 unit (B) $\sqrt{2}$ unit (C) $\sqrt{3}$ unit (D) 2 unit

ধনাত্মক দিগঙ্কগোষ্ঠী (direction cosines) বিশিষ্ট একটি সরলরেখা $P(2, -1, 2)$ বিন্দুগামী এবং স্থানাঙ্ক অক্ষগুলির সঙ্গে সমান কোণ উৎপন্ন করে। এই রেখাটি $2x + y + z = 9$ তলকে Q বিন্দুতে ছেদ করে। সেক্ষেত্রে PQ রেখাংশের দৈর্ঘ্য হল

- (A) 1 একক (B) $\sqrt{2}$ একক (C) $\sqrt{3}$ একক (D) 2 একক

13. If from a point $P(a, b, c)$, perpendiculars PA and PB are drawn to YZ and ZX-planes respectively, then the equation of the plane OAB is

- (A) $bcx + cay + abz = 0$ (B) $bcx + cay - abz = 0$
(C) $bcx - cay + abz = 0$ (D) $bcx - cay - abz = 0$

$P(a, b, c)$ বিন্দু থেকে YZ-তল ও ZX-তলের উপর লম্ব যথাক্রমে PA ও PB টানা হল। সেক্ষেত্রে OAB তলের সমীকরণ হবে

- (A) $bcx + cay + abz = 0$ (B) $bcx + cay - abz = 0$
(C) $bcx - cay + abz = 0$ (D) $bcx - cay - abz = 0$

14. The co-ordinate of a point on the auxiliary circle of the ellipse $x^2 + 2y^2 = 4$ corresponding to the point on the ellipse whose eccentric angle is 60° will be

- (A) $(\sqrt{3}, 1)$ (B) $(1, \sqrt{3})$ (C) $(1, 1)$ (D) $(1, 2)$

$x^2 + 2y^2 = 4$ উপবৃত্তের সহায়ক বৃত্তের উপর যে বিন্দুর উৎকেন্দ্রিক কোণ 60° , তার স্থানাঙ্ক হল

- (A) $(\sqrt{3}, 1)$ (B) $(1, \sqrt{3})$ (C) $(1, 1)$ (D) $(1, 2)$

M-2021

15. $f(x)$ is real valued function such that $2f(x) + 3f(-x) = 15 - 4x$ for all $x \in \mathbb{R}$. Then $f(2) =$
- (A) -15 (B) 22 (C) 11 (D) 0

$f(x)$ একটি বাস্তব মান বিশিষ্ট অপেক্ষক এরূপ যে সকল $x \in \mathbb{R}$ এর জন্য $2f(x) + 3f(-x) = 15 - 4x$ হয়। সেক্ষেত্রে $f(2) =$

- (A) -15 (B) 22 (C) 11 (D) 0

16. Consider the functions $f_1(x) = x$, $f_2(x) = 2 + \log_e x$, $x > 0$. The graphs of the functions intersect

- (A) once in $(0, 1)$ but never in $(1, \infty)$ (B) once in $(0, 1)$ and once in (e^2, ∞)
(C) once in $(0, 1)$ and once in (e, e^2) (D) more than twice in $(0, \infty)$

$f_1(x) = x$, $f_2(x) = 2 + \log_e x$, $x > 0$ অপেক্ষকদুটি বিবেচনা কর। অপেক্ষকগুলির লেখচিত্রদ্বয়

- (A) $(0, 1)$ -এ একবার পরস্পরকে ছেদ করে কিন্তু $(1, \infty)$ -এ একবারও ছেদ করে না
(B) $(0, 1)$ -এ একবার ও (e^2, ∞) তে একবার পরস্পরকে ছেদ করে
(C) $(0, 1)$ -এ একবার ও (e, e^2) তে একবার পরস্পরকে ছেদ করে
(D) $(0, \infty)$ তে দু'বারের বেশি পরস্পরকে ছেদ করে

17. For $y = \sin^{-1} \left\{ \frac{5x + 12\sqrt{1-x^2}}{13} \right\}$; $|x| \leq 1$, if $a(1-x^2)y_2 + bxy_1 = 0$ then $(a, b) =$

- (A) (2, 1) (B) (1, -1) (C) (-1, 1) (D) (1, 2)

$y = \sin^{-1} \left\{ \frac{5x + 12\sqrt{1-x^2}}{13} \right\}$; $|x| \leq 1$ -এর ক্ষেত্রে $a(1-x^2)y_2 + bxy_1 = 0$ হলে $(a, b) =$

- (A) (2, 1) (B) (1, -1) (C) (-1, 1) (D) (1, 2)

18. The equation $6^x + 8^x = 10^x$ has

- (A) no real root.
- (B) infinitely many rational roots.
- (C) exactly one real root.
- (D) two distinct real roots.

$6^x + 8^x = 10^x$ সমীকরণের

- (A) কোন বাস্তব বীজ নেই
- (B) সমীকরণটির অসংখ্য মূলদ বীজ আছে
- (C) শুধুমাত্র একটি বাস্তব বীজ আছে
- (D) দুটি পৃথক বাস্তব বীজ আছে

19. Let $f : D \rightarrow \mathbb{R}$ where $D = [0, 1] \cup [2, 4]$ be defined by

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x \in [0, 1] \\ 4-x, & \text{if } x \in [2, 4] \end{cases} \text{ Then,}$$

- (A) Rolle's theorem is applicable to f in D .
- (B) Rolle's theorem is not applicable to f in D .
- (C) there exists $\xi \in D$ for which $f'(\xi) = 0$ but Rolle's theorem is not applicable.
- (D) f is not continuous in D .

মনে কর $f : D \rightarrow \mathbb{R}$ যেখানে $D = [0, 1] \cup [2, 4]$, এভাবে সংজ্ঞায়িত আছে যে

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{যখন } x \in [0, 1] \\ 4-x, & \text{যখন } x \in [2, 4] \end{cases} \text{ সেক্ষেত্রে}$$

- (A) D সেটে রোলের উপপাদ্যটি f অপেক্ষকে প্রযুক্ত হবে
- (B) D সেটে রোলের উপপাদ্যটি f অপেক্ষকে প্রযুক্ত হবে না
- (C) $\xi \in D$ -এর অস্তিত্ব আছে যার জন্য $f'(\xi) = 0$ হবে কিন্তু রোলের উপপাদ্যটি প্রযুক্ত হবে না
- (D) f, D সেটে সন্তত নয়

M-2021

20. Let $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be such that $f(0) = 0$ and $|f'(x)| \leq 5$ for all x . Then $f(1)$ is in
(A) $(5, 6)$ (B) $[-5, 5]$ (C) $(-\infty, -5) \cup (5, \infty)$ (D) $[-4, 4]$

মনে কর $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(0) = 0$ ও $|f'(x)| \leq 5$ । সেক্ষেত্রে $f(1)$ -এর মান যে অন্তরালে থাকবে তা হল

- (A) $(5, 6)$ (B) $[-5, 5]$ (C) $(-\infty, -5) \cup (5, \infty)$ (D) $[-4, 4]$

21. If $\int \frac{\sin 2x}{(a+b\cos x)^2} dx = \alpha \left[\log_e |a+b\cos x| + \frac{a}{a+b\cos x} \right] + c$, then $\alpha =$

- (A) $\frac{2}{b^2}$ (B) $\frac{2}{a^2}$ (C) $-\frac{2}{b^2}$ (D) $-\frac{2}{a^2}$

যদি $\int \frac{\sin 2x}{(a+b\cos x)^2} dx = \alpha \left[\log_e |a+b\cos x| + \frac{a}{a+b\cos x} \right] + c$ হয়, তবে $\alpha =$

- (A) $\frac{2}{b^2}$ (B) $\frac{2}{a^2}$ (C) $-\frac{2}{b^2}$ (D) $-\frac{2}{a^2}$

22. If $I = \lim_{x \rightarrow 0} \sin \left(\frac{e^x - x - 1 - \frac{x^2}{2}}{x^2} \right)$, then limit

- (A) does not exist (B) exists and equals 1
(C) exists and equals 0 (D) exists and equals $\frac{1}{2}$

যদি $I = \lim_{x \rightarrow 0} \sin \left(\frac{e^x - x - 1 - \frac{x^2}{2}}{x^2} \right)$ হয়, তবে সীমার

- (A) অস্তিত্ব নেই (B) অস্তিত্ব আছে ও মান হবে 1
(C) অস্তিত্ব আছে ও মান শূন্য (D) অস্তিত্ব আছে ও মান $\frac{1}{2}$

23. $\int_1^3 \frac{|x-1|}{|x-2|+|x-3|} dx =$

(A) $1 + \frac{4}{3} \log_e 3$ (B) $1 + \frac{3}{4} \log_e 3$ (C) $1 - \frac{4}{3} \log_e 3$ (D) $1 - \frac{3}{4} \log_e 3$

$\int_1^3 \frac{|x-1|}{|x-2|+|x-3|} dx$ -এর মান হল

(A) $1 + \frac{4}{3} \log_e 3$ (B) $1 + \frac{3}{4} \log_e 3$ (C) $1 - \frac{4}{3} \log_e 3$ (D) $1 - \frac{3}{4} \log_e 3$

24. The value of the integral

$\int_{-1/2}^{1/2} \left\{ \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^2 + \left(\frac{x-1}{x+1} \right)^2 - 2 \right\}^{1/2} dx$ is equal to

(A) $\log_e \left(\frac{4}{3} \right)$ (B) $4 \log_e \left(\frac{3}{4} \right)$ (C) $4 \log_e \left(\frac{4}{3} \right)$ (D) $\log_e \left(\frac{3}{4} \right)$

$\int_{-1/2}^{1/2} \left\{ \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^2 + \left(\frac{x-1}{x+1} \right)^2 - 2 \right\}^{1/2} dx$ -এর মান হবে

(A) $\log_e \left(\frac{4}{3} \right)$ (B) $4 \log_e \left(\frac{3}{4} \right)$ (C) $4 \log_e \left(\frac{4}{3} \right)$ (D) $\log_e \left(\frac{3}{4} \right)$

25. Let $g(x) = \int_x^{2x} \frac{f(t)}{t} dt$ where $x > 0$ and f be continuous function and $f(2x) = f(x)$, then

- (A) $g(x)$ is strictly increasing function (B) $g(x)$ is strictly decreasing function
(C) $g(x)$ is constant function (D) $g(x)$ is not derivable function

মনে কর $g(x) = \int_x^{2x} \frac{f(t)}{t} dt$ যেখানে $x > 0$ এবং f সন্তত অপেক্ষক এবং $f(2x) = f(x)$ । সেক্ষেত্রে

- (A) $g(x)$ যথার্থ ক্রমবর্ধমান অপেক্ষক (B) $g(x)$ যথার্থ ক্রমহ্রাসমান অপেক্ষক
(C) $g(x)$ ধ্রুবক অপেক্ষক (D) $g(x)$ অবকলযোগ্য নয়

M-2021

26. The normal to a curve at P(x, y) meets the x-axis at G. If the distance of G from the origin is twice the abscissa of P then the curve is

- (A) a parabola (B) a circle (C) a hyperbola (D) an ellipse

বক্ররেখার P(x, y) বিন্দুতে অভিলম্বটি x-অক্ষকে G বিন্দুতে ছেদ করে। যদি মূলবিন্দু থেকে G এর দূরত্ব P-এর ভূজের দ্বিগুণ হয়, তবে বক্ররেখাটি

- (A) একটি অধিবৃত্ত (B) একটি বৃত্ত (C) একটি পরাবৃত্ত (D) একটি উপবৃত্ত

27. The differential equation of all the ellipses centred at the origin and have axes as the co-ordinate axes is

- (A) $y^2 + xy'^2 - yy' = 0$ (B) $xyy'' + xy'^2 - yy' = 0$
(C) $yy'' + xy'^2 - xy' = 0$ (D) $x^2y' + xy'' - 3y = 0$

where $y' \equiv \frac{dy}{dx}$, $y'' \equiv \frac{d^2y}{dx^2}$

মূলবিন্দু কেন্দ্র এবং অক্ষদ্বয় স্থানাঙ্ক অক্ষদ্বয় বরাবর এমন উপবৃত্ত পরিবারের অবকল সমীকরণ হবে

- (A) $y^2 + xy'^2 - yy' = 0$ (B) $xyy'' + xy'^2 - yy' = 0$
(C) $yy'' + xy'^2 - xy' = 0$ (D) $x^2y' + xy'' - 3y = 0$

যেখানে $y' \equiv \frac{dy}{dx}$, $y'' \equiv \frac{d^2y}{dx^2}$

28. If $\int_{\log_e 2}^x (e^x - 1)^{-1} dx = \log_e \frac{3}{2}$ then the value of x is

- (A) 1 (B) e^2 (C) $\log 4$ (D) $\frac{1}{e}$

যদি $\int_{\log_e 2}^x (e^x - 1)^{-1} dx = \log_e \frac{3}{2}$ হয়, তবে x-এর মান হবে

- (A) 1 (B) e^2 (C) $\log 4$ (D) $\frac{1}{e}$

M-2021

29. The straight line through the origin which divides the area formed by the curves $y = 2x - x^2$, $y = 0$ and $x = 1$ into two equal halves is

- (A) $y = x$ (B) $y = 2x$ (C) $y = \frac{3}{2}x$ (D) $y = \frac{2}{3}x$

বক্ররেখা $y = 2x - x^2$ এবং $y = 0$ ও $x = 1$ দ্বারা বেষ্টিত অঞ্চলকে যে সরলরেখা দুটি সমান অংশে বিভক্ত করে, তার সমীকরণ হবে

- (A) $y = x$ (B) $y = 2x$ (C) $y = \frac{3}{2}x$ (D) $y = \frac{2}{3}x$

30. The value of $\int_0^5 \max\{x^2, 6x - 8\} dx$ is

- (A) 72 (B) 125 (C) 43 (D) 69

$\int_0^5 \max\{x^2, 6x - 8\} dx$ -এর মান হবে

- (A) 72 (B) 125 (C) 43 (D) 69

31. If $x \frac{dy}{dx} + y = \frac{xf(xy)}{f'(xy)}$, then $|f(xy)|$ is equal to

- (A) $ke^{x^2/2}$ (B) $ke^{y^2/2}$ (C) ke^{x^2} (D) ke^{y^2}

where k is an arbitrary positive constant.

যদি $x \frac{dy}{dx} + y = \frac{xf(xy)}{f'(xy)}$ হয়, তবে $|f(xy)|$ হবে

- (A) $ke^{x^2/2}$ (B) $ke^{y^2/2}$ (C) ke^{x^2} (D) ke^{y^2}

যেখানে k হল যদৃচ্ছ ধনাত্মক ধ্রুবক।

M-2021

32. A bulb is placed at the centre of a circular track of radius 10 m. A vertical wall is erected touching the track at a point P. A man is running along the track with a speed of 10 m/sec. Starting from P the speed with which his shadow is running along the wall when he is at an angular distance of 60° from P is

(A) 30 m/sec (B) 40 m/sec (C) 60 m/sec (D) 80 m/sec

10 m ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তীয় ট্র্যাকের কেন্দ্রে একটি বাল্ব রাখা হয়েছে। ট্র্যাকটিকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে এমন একটি উল্লম্ব দেওয়াল আছে। এক ব্যক্তি P বিন্দু থেকে 10 m/sec গতিবেগে ঐ ট্র্যাক বরাবর দৌড়োচ্ছেন। P থেকে তাঁর অবস্থানের কৌণিক দূরত্ব যখন 60° , তখন ঐ ব্যক্তির ছায়া দেওয়াল বরাবর যাবে যে গতিবেগে তা হল

(A) 30 m/sec (B) 40 m/sec (C) 60 m/sec (D) 80 m/sec

33. Two particles A and B move from rest along a straight line with constant accelerations f and f' respectively. If A takes m sec. more than that of B and describes n units more than that of B in acquiring the same velocity, then

(A) $(f + f')m^2 = ff'n$

(B) $(f - ff')m^2 = ff'n$

(C) $(f' - f)n = \frac{1}{2} ff'm^2$

(D) $\frac{1}{2} (f + f')m = ff'n^2$

স্থিতিাবস্থা থেকে দুটি বস্তু কণা A ও B যথাক্রমে সম ত্বরণ f ও f' সহ একটি সরলরেখা বরাবর যাত্রা করে। A-র সময় লাগে B-র চেয়ে m sec. বেশি। A, B এর চেয়ে n একক অধিকপথ অতিক্রম করে ঐ গতিবেগ অর্জনের জন্য। সেক্ষেত্রে

(A) $(f + f')m^2 = ff'n$

(B) $(f - ff')m^2 = ff'n$

(C) $(f' - f)n = \frac{1}{2} ff'm^2$

(D) $\frac{1}{2} (f + f')m = ff'n^2$

M-2021

34. Let $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$ be three non-zero vectors which are pairwise non-collinear. If $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta}$ is collinear with $\vec{\gamma}$ and $\vec{\beta} + 2\vec{\gamma}$ is collinear with $\vec{\alpha}$, then $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta} + 6\vec{\gamma}$ is

(A) $\vec{\gamma}$

(B) $\vec{0}$

(C) $\vec{\alpha} + \vec{\gamma}$

(D) $\vec{\alpha}$

মনে কর $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$ তিনটি অ-শূণ্য ভেক্টর যাদের মধ্যে কোন দুটি একযোগে সমরেখ নয়। যদি $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta}$ ও $\vec{\gamma}$ সমরেখ হয় এবং $\vec{\beta} + 2\vec{\gamma}$ ও $\vec{\alpha}$ সমরেখ হয়, তবে $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta} + 6\vec{\gamma}$ হবে

(A) $\vec{\gamma}$

(B) $\vec{0}$

(C) $\vec{\alpha} + \vec{\gamma}$

(D) $\vec{\alpha}$

35. Let $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be given by $f(x) = |x^2 - 1|$, $x \in \mathbb{R}$. Then

(A) f has a local minimum at $x = \pm 1$ but no local maximum.

(B) f has a local maximum at $x = 0$ but no local minimum.

(C) f has a local minima at $x = \pm 1$ & a local maxima at $x = 0$.

(D) f has neither a local maxima nor a local minima at any point.

মনে কর $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ এভাবে সংজ্ঞায়িত আছে যে $f(x) = |x^2 - 1|$, $x \in \mathbb{R}$ সেক্ষেত্রে

(A) $x = \pm 1$ -এ f -এর স্থানীয় সর্বনিম্ন মান আছে কিন্তু স্থানীয় সর্বোচ্চ মান নেই

(B) $x = 0$ বিন্দুতে f -এর স্থানীয় সর্বোচ্চ মান আছে কিন্তু স্থানীয় সর্বনিম্ন মান নেই

(C) f -এর $x = \pm 1$ -এ স্থানীয় সর্বনিম্ন মান আছে ও $x = 0$ তে স্থানীয় সর্বোচ্চ মান আছে

(D) কোন বিন্দুতেই f -এর স্থানীয় সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ন মান নেই

M-2021

36. Let a, b, c be real numbers, each greater than 1, such that

$$\frac{2}{3} \log_b a + \frac{3}{5} \log_c b + \frac{5}{2} \log_a c = 3.$$

If the value of b is 9, then the value of 'a' must be

(A) $\sqrt[3]{81}$

(B) $\frac{27}{2}$

(C) 18

(D) 27

a, b, c বাস্তব রাশি ও 1 এর চেয়ে বড় এরূপ যে $\frac{2}{3} \log_b a + \frac{3}{5} \log_c b + \frac{5}{2} \log_a c = 3$ ।

যদি b -এর মান 9 হয় তবে অবশ্যই 'a' -এর মান হবে

(A) $\sqrt[3]{81}$

(B) $\frac{27}{2}$

(C) 18

(D) 27

37. Consider the real valued function $h : \{0,1,2,\dots,100\} \rightarrow \mathbb{R}$ such that $h(0) = 5$, $h(100) = 20$

and satisfying $h(p) = \frac{1}{2} \{h(p+1) + h(p-1)\}$ for every $p = 1, 2, \dots, 99$. Then the value of

$h(1)$ is

(A) 5.15

(B) 5.5

(C) 6

(D) 6.15

বাস্তব মানবিশিষ্ট অপেক্ষক $h : \{0,1,2,\dots,100\} \rightarrow \mathbb{R}$ এরূপ যে $h(0) = 5$, $h(100) = 20$ ও

$h(p) = \frac{1}{2} \{h(p+1) + h(p-1)\}$, $p = 1, 2, \dots, 99$ । $h(1)$ -এর মান হবে

(A) 5.15

(B) 5.5

(C) 6

(D) 6.15

38. Let C denote the set of all complex numbers.

Define $A = \{(z, w) \mid z, w \in \mathbb{C} \text{ and } |z| = |w|\}$, $B = \{(z, w) \mid z, w \in \mathbb{C} \text{ and } z^2 = w^2\}$. Then

- (A) $A = B$ (B) $A \subset B$ (C) $B \subset A$ (D) $A \cap B = \emptyset$

মনে কর C সকল জটিল রাশির সেট।

$A = \{(z, w) \mid z, w \in \mathbb{C} \text{ এবং } |z| = |w|\}$, $B = \{(z, w) \mid z, w \in \mathbb{C} \text{ এবং } z^2 = w^2\}$ । সেক্ষেত্রে

- (A) $A = B$ (B) $A \subset B$ (C) $B \subset A$ (D) $A \cap B = \emptyset$

39. Let α, β be the roots of the equation $x^2 - 6x - 2 = 0$ with $\alpha > \beta$. If $a_n = \alpha^n - \beta^n$ for $n \geq 1$,

then the value of $\frac{a_{10} - 2a_8}{2a_9}$ is

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

$x^2 - 6x - 2 = 0$ সমীকরণের বীজদ্বয় α ও β , $\alpha > \beta$ । যদি $a_n = \alpha^n - \beta^n$, $n \geq 1$ তবে $\frac{a_{10} - 2a_8}{2a_9}$ হবে

- (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

40. If $|z| = 1$ and $z \neq \pm 1$, then all the points representing $\frac{z}{1-z^2}$ lie on ;

- (A) a line not passing through the origin (B) the line $y = x$
(C) the x-axis (D) the y-axis

প্রদত্ত $|z| = 1$ এবং $z \neq \pm 1$, সেক্ষেত্রে $\frac{z}{1-z^2}$ এর প্রতিনিধিত্বকারী সকল বিন্দু;

- (A) মূলবিন্দুগামী নয় এমন সরলরেখার উপর অবস্থিত থাকবে
(B) $y = x$ সরলরেখার উপর অবস্থিত
(C) x-অক্ষের উপর অবস্থিত
(D) y-অক্ষের উপর অবস্থিত

M-2021

41. What is the number of ways in which an examiner can assign 10 marks to 4 questions, giving not less than 2 marks to any question ?

(A) 4 (B) 6 (C) 10 (D) 16

জনৈক প্রশ্নকর্তা 4টি প্রশ্নের জন্য 10 নম্বর বরাদ্দ করতে চান। কোন প্রশ্নেরই নম্বর 2-এর কম হবে না। এরূপ শর্তে যতভাবে তিনি ঐ নম্বর বরাদ্দ করতে পারেন, তার সংখ্যা হল

(A) 4 (B) 6 (C) 10 (D) 16

42. The digit in the unit's place of the number $1! + 2! + 3! + \dots + 99!$ is

(A) 3 (B) 0 (C) 1 (D) 7

$1! + 2! + 3! + \dots + 99!$ সংখ্যার এককের ঘরের অঙ্ক হল

(A) 3 (B) 0 (C) 1 (D) 7

43. For $x \in \mathbb{R}, x \neq -1$, if

$$(1+x)^{2016} + x(1+x)^{2015} + x^2(1+x)^{2014} + \dots + x^{2016} = \sum_{i=0}^{2016} a_i \cdot x^i, \text{ then } a_{17} \text{ is equal to}$$

(A) $\frac{2016!}{17!1999!}$ (B) $\frac{2016!}{16!}$ (C) $\frac{2017!}{2000!}$ (D) $\frac{2017!}{17!2000!}$

$$(1+x)^{2016} + x(1+x)^{2015} + x^2(1+x)^{2014} + \dots + x^{2016} = \sum_{i=0}^{2016} a_i \cdot x^i, \text{ সকল } x \in \mathbb{R}, x \neq -1 \text{ হলে}$$

a_{17} হবে

(A) $\frac{2016!}{17!1999!}$ (B) $\frac{2016!}{16!}$ (C) $\frac{2017!}{2000!}$ (D) $\frac{2017!}{17!2000!}$

44. Five letter words, having distinct letters, are to be constructed using the letters of the word 'EQUATION' so that each word contains exactly three vowels and two consonants. How many of them have all the vowels together ?

(A) 3600 (B) 1800 (C) 1080 (D) 900

'EQUATION' শব্দের অক্ষরগুলি থেকে 5 টি ভিন্ন ভিন্ন অক্ষর বিশিষ্ট শব্দ গঠন করতে হবে এরূপ শর্তে যে প্রতিটি শব্দে তিনটি স্বরবর্ণ ও দুটি ব্যঞ্জনবর্ণ থাকবে। এরূপে গঠিত শব্দগুলির মধ্যে স্বরবর্ণগুলি একত্রে থাকবে এরূপ শব্দের সংখ্যা

(A) 3600 (B) 1800 (C) 1080 (D) 900

45. Let $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos t & \sin t \\ 0 & -\sin t & \cos t \end{pmatrix}$

Let $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ be the roots of $\det(A - \lambda I_3) = 0$, where I_3 denotes the identity matrix. If $\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 = \sqrt{2} + 1$, then the set of possible values of $t, -\pi \leq t < \pi$ is

- (A) a void set (B) $\left\{ \frac{\pi}{4} \right\}$ (C) $\left\{ -\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right\}$ (D) $\left\{ -\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

মনে কর $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos t & \sin t \\ 0 & -\sin t & \cos t \end{pmatrix}$

সমীকরণ $\det(A - \lambda I_3) = 0$ -এর বীজত্রয় $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$, (I_3 তিনক্রমের একসম ম্যাট্রিক্স)। যদি $\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 = \sqrt{2} + 1$ হয়, $t, -\pi \leq t < \pi$ -এর সম্ভাব্য মান সমূহের সেট

- (A) শূন্য সেট (B) $\left\{ \frac{\pi}{4} \right\}$ (C) $\left\{ -\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right\}$ (D) $\left\{ -\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3} \right\}$

46. Let A and B be two non-singular skew symmetric matrices such that $AB = BA$, then $A^2 B^2 (A^T B)^{-1} (AB^{-1})^T$ is equal to

- (A) A^2 (B) $-B^2$ (C) $-A^2$ (D) AB

A ও B দুটি অবিশিষ্ট বিপ্রতিসম ম্যাট্রিক্স এরূপ যে $AB = BA$ । সেক্ষেত্রে

$A^2 B^2 (A^T B)^{-1} (AB^{-1})^T$ হবে

- (A) A^2 (B) $-B^2$ (C) $-A^2$ (D) AB

47. If M is a 3×3 matrix such that $(0 \ 1 \ 2) M = (1 \ 0 \ 0)$, $(3 \ 4 \ 5) M = (0 \ 1 \ 0)$, then $(6 \ 7 \ 8) M$ is equal to

- (A) $(2 \ 1 \ -2)$ (B) $(0 \ 0 \ 1)$ (C) $(-1 \ 2 \ 0)$ (D) $(9 \ 10 \ 8)$

দেওয়া আছে যে M, 3×3 ক্রমের ম্যাট্রিক্স, এরূপ যে $(0 \ 1 \ 2) M = (1 \ 0 \ 0)$, $(3 \ 4 \ 5) M = (0 \ 1 \ 0)$, তবে $(6 \ 7 \ 8) M$ হবে

- (A) $(2 \ 1 \ -2)$ (B) $(0 \ 0 \ 1)$ (C) $(-1 \ 2 \ 0)$ (D) $(9 \ 10 \ 8)$

M-2021

48. Let A, B, C be three non-void subsets of set S. Let $(A \cap C) \cup (B \cap C') = \phi$ where C' denote the complement of set C in S. Then

- (A) $A \cap B = \phi$ (B) $A \cap B \neq \phi$ (C) $A \cap C = A$ (D) $A \cup C = A$

মনে কর A, B, C সেট S-এর অ-শূণ্য উপসেট। মনে কর $(A \cap C) \cup (B \cap C') = \phi$ যেখানে C' , S সেটে C-এর পূরক সেট। সেক্ষেত্রে

- (A) $A \cap B = \phi$ (B) $A \cap B \neq \phi$ (C) $A \cap C = A$ (D) $A \cup C = A$

49. Let T & U be the set of all orthogonal matrices of order 3 over \mathbb{R} & the set of all non-singular matrices of order 3 over \mathbb{R} respectively.

Let $A = \{-1, 0, 1\}$, then

- (A) there exists bijective mapping between A and T, U.
(B) there does not exist bijective mapping between A and T, U
(C) there exists bijective mapping between A and T but not between A & U.
(D) there exists bijective mapping between A and U but not between A & T.

মনে কর T ও U, \mathbb{R} -এর উপর তিনমাত্রার যথাক্রমে লম্ব ম্যাট্রিক্সের সেট ও অবিশিষ্ট ম্যাট্রিক্সের সেট এবং $A = \{-1, 0, 1\}$, সেক্ষেত্রে

- (A) A ও T, U-এর মধ্যে একৈক উপরিচিত্রণ বিদ্যমান
(B) A ও T, U-এর মধ্যে একৈক উপরিচিত্রণের অস্তিত্ব নেই
(C) A ও T-এর মধ্যে একৈক উপরিচিত্রণ বিদ্যমান কিন্তু A ও U-এর মধ্যে নেই।
(D) A ও U-এর মধ্যে একৈক উপরিচিত্রণ বিদ্যমান কিন্তু A ও T-এর মধ্যে নেই।

50. If $a_n (> 0)$ be the n^{th} term of a G.P. then

$$\begin{vmatrix} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{vmatrix} \text{ is equal to}$$

- (A) 1 (B) 2 (C) -2 (D) 0

যদি গুণোত্তর প্রগতির n তম পদ $a_n (> 0)$ হয়, তবে

$$\begin{vmatrix} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{vmatrix} \text{-এর মান হবে}$$

- (A) 1 (B) 2 (C) -2 (D) 0

M-2021

Category-II (Q 51 to 65)

Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer, ½ mark will be deducted.

একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে ½ নম্বর কাটা যাবে।

51. The determinant

$$\begin{vmatrix} a^2+10 & ab & ac \\ ab & b^2+10 & bc \\ ac & bc & c^2+10 \end{vmatrix} \text{ is}$$

- (A) divisible by 10 but not by 100 (B) divisible by 100
(C) not divisible by 100 (D) not divisible by 10

$$\begin{vmatrix} a^2+10 & ab & ac \\ ab & b^2+10 & bc \\ ac & bc & c^2+10 \end{vmatrix} \text{ নির্ণায়কটি}$$

- (A) 10 দ্বারা বিভাজ্য কিন্তু 100 দ্বারা বিভাজ্য নয় (B) 100 দ্বারা বিভাজ্য
(C) 100 দ্বারা বিভাজ্য নয় (D) 10 দ্বারা বিভাজ্য নয়

52. Let \mathbb{R} be the real line. Let the relations S and T on \mathbb{R} be defined by

$$S = \{(x, y) : y = x + 1, 0 < x < 2\}, T = \{(x, y) : x - y \text{ is an integer}\}. \text{ Then}$$

- (A) both S and T are equivalence relations on \mathbb{R} .
(B) T is an equivalence on \mathbb{R} but S is not
(C) neither S nor T is an equivalence relation on \mathbb{R}
(D) S is an equivalence relation on \mathbb{R} but T is not

মনে কর \mathbb{R} বাস্তব রেখা সূচিত করে। \mathbb{R} -এ দুটি সম্বন্ধ S ও T নিম্নভাবে সংজ্ঞাত আছে :

$$S = \{(x, y) : y = x + 1, 0 < x < 2\}, T = \{(x, y) : x - y \text{ একটি পূর্ণসংখ্যা}\}। \text{ সেক্ষেত্রে}$$

- (A) S এবং T উভয়েই \mathbb{R} -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ
(B) T , \mathbb{R} -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ কিন্তু S নয়
(C) S ও T -এর কেউই \mathbb{R} -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ নয়
(D) S , \mathbb{R} -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ কিন্তু T নয়

M-2021

53. The points of intersection of two ellipses $x^2 + 2y^2 - 6x - 12y + 20 = 0$ and $2x^2 + y^2 - 10x - 6y + 15 = 0$ lie on a circle. The center of the circle is

(A) (8, 3) (B) (8, 1) (C) $\left(\frac{8}{3}, 3\right)$ (D) (3, 8)

$x^2 + 2y^2 - 6x - 12y + 20 = 0$ ও $2x^2 + y^2 - 10x - 6y + 15 = 0$ উপবৃত্তদ্বয়ের ছেদবিন্দুগুলি একটি বৃত্তের উপরিস্থ। ঐ বৃত্তের কেন্দ্র হবে

(A) (8, 3) (B) (8, 1) (C) $\left(\frac{8}{3}, 3\right)$ (D) (3, 8)

54. Let $I = \int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\sin x}{x} dx$. Then

(A) $\frac{\sqrt{3}}{8} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{6}$ (B) $\frac{\sqrt{3}}{2\pi} \leq I \leq \frac{2\sqrt{3}}{\pi}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{9} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{16}$ (D) $\pi \leq I \leq \frac{4\pi}{3}$

মনে কর $I = \int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\sin x}{x} dx$ । সেক্ষেত্রে

(A) $\frac{\sqrt{3}}{8} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{6}$ (B) $\frac{\sqrt{3}}{2\pi} \leq I \leq \frac{2\sqrt{3}}{\pi}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{9} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{16}$ (D) $\pi \leq I \leq \frac{4\pi}{3}$

55. The plane $\ell x + my = 0$ is rotated about its line of intersection with the plane $z = 0$ through an angle α . The equation changes to

(A) $\ell x + my \pm \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$ (B) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2 + 1} = 0$

(C) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + 1} = 0$ (D) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$

$\ell x + my = 0$ তলটি $z = 0$ তলের সঙ্গে ছেদ সরলরেখা বরাবর α কোণে ঘূর্ণন করে। সেক্ষেত্রে সমীকরণটির পরিবর্তিত আকার হবে

(A) $\ell x + my \pm \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$ (B) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2 + 1} = 0$

(C) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + 1} = 0$ (D) $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$

M-2021

56. If $b = \int_0^1 \frac{e^t}{t+1} dt$, then $\int_{a-1}^a \frac{e^{-t}}{t-a-1}$ is

- (A) be^a (B) be^{-a} (C) $-be^{-a}$ (D) $-be^a$

যদি $b = \int_0^1 \frac{e^t}{t+1} dt$ হয়, সেক্ষেত্রে $\int_{a-1}^a \frac{e^{-t}}{t-a-1}$ হবে

- (A) be^a (B) be^{-a} (C) $-be^{-a}$ (D) $-be^a$

57. The differential of $f(x) = \log_e(1 + e^{10x}) - \tan^{-1}(e^{5x})$ at $x = 0$ and for $dx = 0.2$ is

- (A) 0.5 (B) 0.3 (C) -0.2 (D) -0.5

$f(x) = \log_e(1 + e^{10x}) - \tan^{-1}(e^{5x})$ -এর $x = 0$ বিন্দুতে $dx = 0.2$ -এর জন্য অন্তরকলক হবে

- (A) 0.5 (B) 0.3 (C) -0.2 (D) -0.5

58. Let $f(x)$ be a continuous periodic function with period T . Let $I = \int_a^{a+T} f(x) dx$. Then

- (A) I is linear function in ' a '
(B) I does not depend on ' a '
(C) $0 < I < a^2 + 1$ where I depends on ' a '
(D) I is quadratic function in ' a '

মনে কর $f(x)$ একটি সন্তত, পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল T । মনে কর $I = \int_a^{a+T} f(x) dx$ । সেক্ষেত্রে

- (A) I , ' a '-এর একরৈখিক অপেক্ষক
(B) I , ' a '-এর উপর নির্ভরশীল নয়
(C) $0 < I < a^2 + 1$ যেখানে I , a -এর উপর নির্ভরশীল
(D) I , ' a '-এর দ্বিঘাত অপেক্ষক।

M-2021

59. The $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x-1}{3x+1} \right)^{4x}$ equals

- (A) 1 (B) 0 (C) $e^{-8/3}$ (D) $e^{-4/9}$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x-1}{3x+1} \right)^{4x}$ হবে

- (A) 1 (B) 0 (C) $e^{-8/3}$ (D) $e^{-4/9}$

60. The area bounded by the parabolas $y = 4x^2$, $y = \frac{x^2}{9}$ and the straight line $y = 2$ is

- (A) $\frac{20\sqrt{2}}{3}$ sq. unit (B) $10\sqrt{5}$ sq. unit (C) $\frac{10\sqrt{3}}{7}$ sq. unit (D) $10\sqrt{2}$ sq. unit

অধিবৃত্তদ্বয় $y = 4x^2$ ও $y = \frac{x^2}{9}$ এবং $y = 2$ সরলরেখার মধ্যে সীমাবদ্ধ অঞ্চলের ক্ষেত্রফল হবে

- (A) $\frac{20\sqrt{2}}{3}$ বর্গ একক (B) $10\sqrt{5}$ বর্গ একক (C) $\frac{10\sqrt{3}}{7}$ বর্গ একক (D) $10\sqrt{2}$ বর্গ একক

61. Given that $f : S \rightarrow \mathbb{R}$ is said to have a fixed point at c of S if $f(c) = c$.

Let $f : [1, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ be defined by $f(x) = 1 + \sqrt{x}$. Then

- (A) f has no fixed point in $[1, \infty)$
(B) f has unique fixed point in $[1, \infty)$
(C) f has two fixed points in $[1, \infty)$
(D) f has infinitely many fixed points in $[1, \infty)$

প্রদত্ত অপেক্ষক $f : S \rightarrow \mathbb{R}$ -এর c ($\in S$) বিন্দুতে স্থির বিন্দু থাকবে যদি $f(c) = c$ হয়। মনে কর

$f : [1, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ এমনভাবে সংজ্ঞাত আছে যে; $f(x) = 1 + \sqrt{x}$ । সেক্ষেত্রে

- (A) $[1, \infty)$ -তে f -এর কোন নিদিষ্ট বিন্দু নেই
(B) $[1, \infty)$ -তে f -এর অনন্য স্থির বিন্দু আছে
(C) $[1, \infty)$ -তে f -এর দুটি স্থির বিন্দু আছে
(D) $[1, \infty)$ -তে f -এর অসংখ্য স্থির বিন্দু রয়েছে

M-2021

62. If $a(\vec{\alpha} \times \vec{\beta}) + b(\vec{\beta} \times \vec{\gamma}) + c(\vec{\gamma} \times \vec{\alpha}) = \vec{0}$, where a, b, c are non-zero scalars, then the vectors $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$ are

- (A) parallel (B) non-coplanar
(C) coplanar (D) mutually perpendicular

দেওয়া আছে $a(\vec{\alpha} \times \vec{\beta}) + b(\vec{\beta} \times \vec{\gamma}) + c(\vec{\gamma} \times \vec{\alpha}) = \vec{0}$ যেখানে a, b, c অশূন্য স্কেলার। সেক্ষেত্রে $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$ ভেক্টরত্রয়

- (A) পরস্পর সমান্তরাল (B) সমতলীয় নয়
(C) সমতলীয় (D) পরস্পর লম্ব

63. If the tangent at the point P with co-ordinates (h, k) on the curve $y^2 = 2x^3$ is perpendicular to the straight line $4x = 3y$, then

- (A) $(h, k) = (0, 0)$ only
(B) $(h, k) = \left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$ only
(C) $(h, k) = (0, 0)$ or $\left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$
(D) no such point P exists

বক্ররেখা $y^2 = 2x^3$ -এর উপরস্থ $P(h, k)$ বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শক $4x = 3y$ রেখার উপর লম্ব হলে

- (A) $(h, k) = (0, 0)$ শুধুমাত্র
(B) $(h, k) = \left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$ শুধুমাত্র
(C) $(h, k) = (0, 0)$ or $\left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$
(D) এ ধরনের P বিন্দুর অস্তিত্ব নেই

M-2021

64. The co-efficient of $a^3b^4c^5$ in the expansion of $(bc + ca + ab)^6$ is

- (A) $\frac{12!}{3!4!5!}$ (B) $\frac{6!}{3!}$ (C) 33 (D) $3 \cdot \left(\frac{6!}{3!3!}\right)$

$(bc + ca + ab)^6$ -এর বিস্তৃতিতে $a^3b^4c^5$ -এর সহগ হল

- (A) $\frac{12!}{3!4!5!}$ (B) $\frac{6!}{3!}$ (C) 33 (D) $3 \cdot \left(\frac{6!}{3!3!}\right)$

65. Three unequal positive numbers a, b, c are such that a, b, c are in G.P. while

$\log\left(\frac{5c}{2a}\right), \log\left(\frac{7b}{5c}\right), \log\left(\frac{2a}{7b}\right)$ are in A.P. Then a, b, c are the lengths of the sides of

- (A) an isosceles triangle
(B) an equilateral triangle
(C) a scalene triangle
(D) a right-angled triangle

তিনটি অ-সম ধনাত্মক সংখ্যা a, b, c গুণোত্তর প্রগতিতে আছে। $\log\left(\frac{5c}{2a}\right), \log\left(\frac{7b}{5c}\right), \log\left(\frac{2a}{7b}\right)$

সমান্তর প্রগতিতে আছে। সেক্ষেত্রে a, b, c যে ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য সূচিত করবে, সেই ত্রিভুজটি

- (A) সমদ্বিবাহু
(B) সমবাহু
(C) বিষমবাহু
(D) সমকোণী

M-2021

Category-III (Q 66 to 75)

Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and no incorrect answer is marked, then score = $2 \times$ number of correct answers marked \div actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is no negative marking for the same and zero marks will be awarded.

এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোনো ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে $2 \times$ যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা \div আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে।

কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূণ্য নম্বর পাবে।

66. Let P be a variable point on a circle C and Q be a fixed point outside C. If R is the midpoint of the line segment PQ, then locus of R is
- (A) a circle
(B) a circle and a pair of straight lines
(C) a rectangular hyperbola
(D) a pair of straight lines

বৃত্ত C এর উপরিস্থ P একটি গতিশীল বিন্দু এবং Q, C -বৃত্তের বাইরের একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। PQ ছেদিতাংশের মধ্যবিন্দু R হলে R-এর সঞ্চারণপথ হবে

- (A) একটি বৃত্ত
(B) একটি বৃত্ত ও সরলরেখাযুগল
(C) সমপরাবৃত্ত
(D) সরলরেখাযুগল

M-2021

67. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n^3)}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+4)^3}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+8)^3}} + \dots + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{[n+4(n-1)]^3}} \right\}$ is

- (A) $\frac{5-\sqrt{5}}{10}$ (B) $\frac{5+\sqrt{5}}{10}$ (C) $\frac{2+\sqrt{3}}{2}$ (D) $\frac{2-\sqrt{3}}{2}$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n^3)}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+4)^3}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+8)^3}} + \dots + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{[n+4(n-1)]^3}} \right\}$ -এর মান হল

- (A) $\frac{5-\sqrt{5}}{10}$ (B) $\frac{5+\sqrt{5}}{10}$ (C) $\frac{2+\sqrt{3}}{2}$ (D) $\frac{2-\sqrt{3}}{2}$

68. Whichever of the following is/are correct ?

(A) To evaluate $I_1 = \int_{-2}^2 \frac{dx}{4+x^2}$, it is possible to $x = \frac{1}{t}$

(B) To evaluate $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2+1} dx$, it is possible to put $x = \sec t$

(C) To evaluate $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2+1} dx$, it is not possible to put $x = \operatorname{cosec} \theta$

(D) To evaluate I_1 , it is not possible to put $x = \frac{1}{t}$

নিম্নলিখিতগুলির কোনটি / কোনগুলি সত্য ?

(A) $I_1 = \int_{-2}^2 \frac{dx}{4+x^2}$ নির্ধারণের ক্ষেত্রে $x = \frac{1}{t}$ প্রতিস্থাপন সম্ভব

(B) $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2+1} dx$ নির্ধারণের ক্ষেত্রে $x = \sec t$ প্রতিস্থাপন সম্ভব

(C) $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2+1} dx$ নির্ধারণের ক্ষেত্রে $x = \operatorname{cosec} \theta$ প্রতিস্থাপন সম্ভব নয়

(D) I_1 নির্ধারণের ক্ষেত্রে $x = \frac{1}{t}$ প্রতিস্থাপন সম্ভব নয়

M-2021

69. A plane meets the co-ordinate axes at the points A, B, C respectively in such a way that the centroid of ΔABC is $(1, r, r^2)$ for some real r . If the plane passes through the point $(5, 5, -12)$ then $r =$

- (A) $\frac{3}{2}$ (B) 4
(C) -4 (D) $-\frac{3}{2}$

একটি তল স্থানাঙ্ক অক্ষগুলিকে যথাক্রমে এরূপ তিনটি বিন্দু A, B, C তে ছেদ করে যে ΔABC এর ভরকেন্দ্র হয় $(1, r, r^2)$, r এর একটি বাস্তব মানের জন্য। যদি ঐ তলটি $(5, 5, -12)$ বিন্দুগামী হয়, তবে r হবে

- (A) $\frac{3}{2}$ (B) 4
(C) -4 (D) $-\frac{3}{2}$

70. The greatest and least values of $f(x) = \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \ln x$ on $\left[\frac{1}{\sqrt{3}}, \sqrt{3}\right]$ are

- (A) $f_{\min} = \sqrt{3} - 1$ (B) $f_{\max} = \pi/6 + \frac{1}{4} \ln 3$
(C) $f_{\min} = \pi/3 - \frac{1}{4} \ln 3$ (D) $f_{\max} = \pi/12 + \ln 5$

অন্তরাল $\left[\frac{1}{\sqrt{3}}, \sqrt{3}\right]$ -তে $f(x) = \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \ln x$ -এর সর্বোচ্চ (max) ও সর্বনিম্ন (min) মান হবে

- (A) $f_{\min} = \sqrt{3} - 1$ (B) $f_{\max} = \pi/6 + \frac{1}{4} \ln 3$
(C) $f_{\min} = \pi/3 - \frac{1}{4} \ln 3$ (D) $f_{\max} = \pi/12 + \ln 5$

M-2021

71. Let f and g be periodic functions with the periods T_1 and T_2 respectively. Then $f + g$ is

- (A) periodic with period $T_1 + T_2$
- (B) non-periodic
- (C) periodic with the period T_1
- (D) periodic when $T_1 = T_2$

মনে কর f ও g দুটি পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল যথাক্রমে T_1 ও T_2 । সেক্ষেত্রে $f + g$

- (A) পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল $T_1 + T_2$
- (B) পর্যাবৃত্ত নয়
- (C) T_1 পর্যায়কাল বিশিষ্ট পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক
- (D) $T_1 = T_2$ হলে পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক হবে

72. Let $f(x) = \begin{cases} 0, & \text{if } -1 \leq x < 0 \\ 1, & \text{if } x = 0 \\ 2, & \text{if } 0 < x \leq 1 \end{cases}$ and let $F(x) = \int_{-1}^x f(t) dt, -1 \leq x \leq 1$, then

- (A) F is continuous function in $[-1, 1]$
- (B) F is discontinuous function in $[-1, 1]$
- (C) $F'(x)$ exists at $x = 0$
- (D) $F'(x)$ does not exist at $x = 0$

মনে কর $f(x) = \begin{cases} 0, & \text{যখন } -1 \leq x < 0 \\ 1, & \text{যখন } x = 0 \\ 2, & \text{যখন } 0 < x \leq 1 \end{cases}$ এবং $F(x) = \int_{-1}^x f(t) dt, -1 \leq x \leq 1$ হয়, সেক্ষেত্রে

- (A) $[-1, 1]$ -এ F সন্তত
- (B) $[-1, 1]$ -এ F অসন্তত
- (C) $x = 0$ বিন্দুতে $F'(x)$ -এর অস্তিত্ব আছে
- (D) $x = 0$ বিন্দুতে $F'(x)$ -এর অস্তিত্ব নেই

73.
$$\begin{vmatrix} x & 3x+2 & 2x-1 \\ 2x-1 & 4x & 3x+1 \\ 7x-2 & 17x+6 & 12x-1 \end{vmatrix} = 0$$
 is true for

- (A) only one value of x (B) only two values of x
(C) only three values of x (D) infinitely many values of x

$$\begin{vmatrix} x & 3x+2 & 2x-1 \\ 2x-1 & 4x & 3x+1 \\ 7x-2 & 17x+6 & 12x-1 \end{vmatrix} = 0$$
 হলে

- (A) x -এর মান অনন্য হবে (B) x -এর শুধুমাত্র দুটি মান হবে
(C) x -এর শুধুমাত্র তিনটি মান হবে (D) x -এর অসংখ্য মান হবে

74. The remainder when $7^{7^{7^{...7}}}$ (22 times 7) is divided by 48 is

- (A) 21 (B) 7 (C) 47 (D) 1

$7^{7^{7^{...7}}}$ (22 বার 7) -কে 48 দ্বারা ভাগ করলে ভাগশেষ হবে

- (A) 21 (B) 7 (C) 47 (D) 1

75. If $|z+i| - |z-1| = |z| - 2 = 0$ for a complex number z , then $z =$

- (A) $\sqrt{2}(1+i)$ (B) $\sqrt{2}(1-i)$
(C) $\sqrt{2}(-1+i)$ (D) $\sqrt{2}(-1-i)$

প্রদত্ত জটিল রাশি z -এর ক্ষেত্রে $|z+i| - |z-1| = |z| - 2 = 0$ হলে $z =$

- (A) $\sqrt{2}(1+i)$ (B) $\sqrt{2}(1-i)$
(C) $\sqrt{2}(-1+i)$ (D) $\sqrt{2}(-1-i)$

M-2021

SPACE FOR ROUGH WORK

A large rectangular area with a dotted border, intended for rough work.

M-2021

Subject : MATHEMATICS

সময়: ২ ঘণ্টা

সর্বাধিক নম্বর: ১০০

নির্দেশাবলী

১. এই প্রশ্নপত্রে তিনটি ক্যাটেগরির অবজেক্টিভ প্রশ্ন আছে এবং প্রতিটি প্রশ্নের চারটি সম্ভাব্য উত্তর দেওয়া আছে।
২. Category-I : একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে $\frac{1}{4}$ নম্বর কাটা যাবে।
৩. Category-II : একটি উত্তর সঠিক। সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। ভুল উত্তর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উত্তর দিলে $\frac{1}{2}$ নম্বর কাটা যাবে।
৪. Category-III: এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোন ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে $2 \times$ যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা \div আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে। কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূন্য নম্বর পাবে।
৫. OMR পত্রে A, B, C, D চিহ্নিত সঠিক ঘরটি ভরাট করে উত্তর দিতে হবে।
৬. OMR পত্রে উত্তর দিতে শুধুমাত্র কালো বা নীল বল পয়েন্ট পেন ব্যবহার করবে।
৭. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থান ছাড়া অন্য কোথাও কোন দাগ দেবে না।
৮. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থানে প্রশ্নপত্রের নম্বর এবং নিজের রোল নম্বর অতি সাবধানতার সাথে লিখতে হবে এবং প্রয়োজনীয় ঘরগুলি পূরণ করতে হবে।
৯. OMR পত্রে নির্দিষ্ট স্থানে নিজের নাম ও পরীক্ষা কেন্দ্রের নাম লিখতে হবে এবং নিজের সম্পূর্ণ স্বাক্ষর দিতে হবে।
১০. প্রশ্নপত্রের নম্বর বা রোল নম্বর ভুল লিখলে অথবা ভুল ঘর ভরাট করলে, পরীক্ষার্থীর নাম, পরীক্ষা কেন্দ্রের নাম বা স্বাক্ষরে কোন ভুল থাকলে উত্তর পত্র বাতিল হয়ে যেতে পারে। OMR পত্রটি ভাঁজ হলে বা তাতে অনাবশ্যিক দাগ পড়লেও বাতিল হয়ে যেতে পারে। পরীক্ষার্থীর এই ধরনের ভুল বা অসতর্কতার জন্য উত্তরপত্র বাতিল হলে একমাত্র পরীক্ষার্থী নিজেই তার জন্য দায়ী থাকবে।
১১. মোবাইলফোন, ক্যালকুলেটর, স্লাইডরুল, লগটেবল, হাতঘড়ি, রেখাচিত্র, গ্রাফ বা কোন ধরনের তালিকা পরীক্ষা কক্ষে আনা যাবে না। আনলে সেটি বাজেয়াপ্ত হবে এবং পরীক্ষার্থীর ওই পরীক্ষা বাতিল করা হবে।
১২. প্রশ্নপত্রের শেষে রাফ কাজ করার জন্য ফাঁকা জায়গা দেওয়া আছে। অন্য কোন কাগজ এই কাজে ব্যবহার করবে না।
১৩. পরীক্ষা কক্ষ ছাড়ার আগে OMR পত্র অবশ্যই পরিদর্শককে দিয়ে যাবে।
১৪. এই প্রশ্নপত্রে ইংরাজী ও বাংলা উভয় ভাষাতেই প্রশ্ন দেওয়া আছে। বাংলা মাধ্যমে প্রশ্ন তৈরীর সময় প্রয়োজনীয় সাবধানতা ও সতর্কতা অবলম্বন করা হয়েছে। তা সত্ত্বেও যদি কোন অসঙ্গতি লক্ষ্য করা যায়, সেক্ষেত্রে ইংরাজী মাধ্যমে দেওয়া প্রশ্ন ঠিক ও চূড়ান্ত বলে বিবেচিত হবে।